



5265CH09

باب نو

کرن نوریات اور نوری آلے (RAY OPTICS AND OPTICAL INSTRUMENTS)

9.1 تعارف (INTRODUCTION)

قدرت نے انسانی آنکھ کو برق مقناطیسی طیف کی ایک مختصر سعت کے اندر ہی برق-مقناطیسی لہروں کو شناس کرنے کی حساسیت بخشی ہے۔ طیف کے اس علاقہ سے تعلق رکھنے والا برق-مقناطیسی اشعاع ”روشنی“ کہلاتا ہے (400nm سے 750 nm تک طول لہر)۔ ہم اپنے ارد گرد کی دنیا کو جاننے اور اس کی وضاحت کرنے میں روشنی کا ذریعہ اور بصارت کی حس ہی زیادہ تر استعمال کرتے ہیں۔

دو بیانات ہیں جو روشنی کے بارے میں عام تجربے سے دے جاسکتے ہیں۔ پہلا یہ کہ یہ بہت تیز چال سے سفر کرتی ہے اور دوسرا یہ کہ یہ ایک مستقیم خط میں سفر کرتی ہے۔ لوگوں کو یہ سمجھنے میں کچھ وقت لگا کہ روشنی کی رفتار متناہی (Finite) ہے اور ناپی جاسکتی ہے۔ خلا میں اس کی موجودہ منظور شدہ قدر ہے: $c = 2.99792458 \times 10^8 \text{ ms}^{-1}$ ، زیادہ تر صورتوں میں $c = 3 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}$ لینا کافی ہوتا ہے۔ خلا میں روشنی کی رفتار، وہ زیادہ سے زیادہ رفتار ہے جو قدرت میں پائی جانے والی کوئی بھی شے اختیار کر سکتی ہے۔

وجدانی تصور کہ روشنی ایک مستقیم خط میں سفر کرتی ہے اور ہم نے جو باب 8 میں پڑھا ہے کہ روشنی، طیف کے بصری حصے سے تعلق رکھنے والے طول موج کی برق-مقناطیسی لہر ہے، دونوں میں تضاد معلوم ہوتا ہے۔ اس تضاد کو کیسے ختم کیا

جائے؟ اس کا جواب یہ ہے کہ ہمارا واسطہ جن اشیا سے عام طور پر پڑتا ہے، ان کے سائز کے مقابلے میں (جو عام طور سے چند سینٹی میٹر یا اس سے زیادہ ہوتا ہے) روشنی کی طولی لہر بہت چھوٹی ہے۔ ایسی صورت میں، جیسا کہ آپ باب 10 میں سیکھیں گے، کہ روشنی کی ایک لہر کو ایک نقطہ سے دوسرے نقطہ تک، ان نقطوں کو ملانے والے مستقیم خط پر سفر کرتا ہوا سمجھا جاسکتا ہے۔ یہ راستہ روشنی کی ایک کرن (ray) کہلاتا ہے اور ایسی کرنوں کا ایک بنڈل، روشنی کی ایک شعاع (بیم Beam) تشکیل دیتا ہے۔

اس باب میں، روشنی کی کرن تصویر لیتے ہوئے ہم انعکاس (Reflection)، انعطاف (Refraction) اور انکسار (Dispersion) کے مظاہر ملاحظہ کریں گے۔ انعکاس اور انعطاف کے بنیادی قوانین استعمال کرتے ہوئے، ہم مسطح اور کروی انعکاسی اور انعطافی سطحوں سے عکس کے تشکیل پانے کا مطالعہ کریں گے۔ اس کے بعد ہم کچھ اہم نوری آلات، جس میں انسانی آنکھ بھی شامل ہے، کی بناوٹ اور کام کرنے کے طریقے تھے بیان کریں گے۔

روشنی کا ذراتی ماڈل (PARTICLE MODEL OF LIGHT)

نیوٹن کے ریاضی، میکانیات اور مادی کشش کے بنیادی کاموں کی وجہ سے ہم اکثر ان کے روشنی کے عمیق (گہرے) تجرباتی مطالعہ کو نظر انداز کر دیتے ہیں۔ انھوں نے نوریات کے میدان میں بھی رہنمائی نہ کام کیا۔ ڈیکارٹیز (Descartes) کے تجویز کردہ، روشنی کے ذریعہ ماڈل (Corpuscular model) میں مزید سدھار کیا۔ اس ماڈل کا مفروضہ ہے کہ روشنی توانائی، چھوٹے چھوٹے ذرات، جو ذریعہ (Corpuscle) کہلاتے ہیں، میں مرکوز ہوتی ہے۔ انھوں نے یہ بھی فرض کیا کہ روشنی کے یہ ذریعہ بے کمیت چمکیلے ذرات (Massless elastic particles) ہوتے ہیں۔ اپنے میکانیات کے ادراک کی مدد سے وہ انعکاس اور انعطاف کا ایک سادہ ماڈل پیش کر سکے۔ یہ ایک عام مشاہدہ ہے کہ ایک چمکنی مسطح سطح سے ٹکرا کر واپس ہونے والی گیند، انعکاس کے قانونوں کی پابندی کرتی ہے۔ جب یہ ایک چمکیلے تصادم (elastic collision) ہوتا ہے تو رفتار کی عددی قدر یکساں رہتی ہے۔ کیونکہ سطح، ہموار (Smooth) ہے، سطح کے متوازی کوئی قوت نہیں کام کر رہی ہے، اس لیے اس سمت میں معیار حرکت (Momentum) کا جز بھی یکساں رہتا ہے۔ صرف سطح پر عمود جز، یعنی کہ معیار حرکت کا عمودی جز، انعکاس میں مخالف سمت میں ہو جاتا ہے۔ نیوٹن نے دلیل پیش کی کہ ہموار سطحیں، جیسے آئینے، ذریعہ کو اسی طرح منعکس کرتی ہیں۔

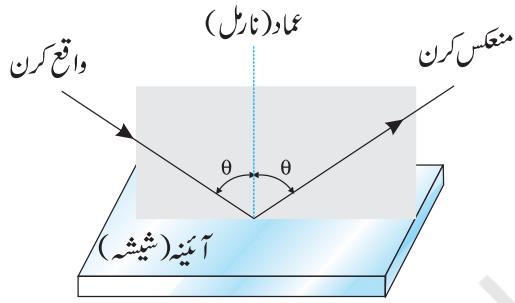
انعطاف کے مظہر کی وضاحت کرنے کے لیے، نیوٹن نے مفروضہ قائم کیا کہ ذریعہ کی چال ہوا کے مقابلے میں، پانی یا شیشے میں زیادہ ہوتی ہے۔ حالانکہ، بعد میں یہ دریافت ہوا کہ روشنی کی چال، ہوا کے مقابلے میں پانی یا شیشے میں کم ہوتی ہے۔

نوریات کے میدان میں، نیوٹن بہ طور تجرباتی سائنس داں، نیوٹن بہ طور نظری سائنس داں سے بڑے معلوم ہوتے ہیں۔ انھوں نے خود ایسے بہت سے مظاہر کا مشاہدہ کیا، جن کی وضاحت روشنی کی ذراتی طبع کی بنیاد پر کرنا مشکل تھا۔ مثلاً، پانی پر تیل کی تیلی فلم سے پیدا ہونے والے رنگوں کا مشاہدہ۔ روشنی کے جزوی انعکاس (Partial reflection) کی خاصیت ایسی دوسری مثال ہے۔ ہر وہ شخص جس نے تالاب کے پانی میں جھانکا ہے، اس نے اس میں اپنے چہرے کا عکس تو دیکھا ہی ہے، ساتھ ساتھ تالاب کی تلی (پینڈا Bottom) بھی دیکھی ہے۔ نیوٹن نے دلیل پیش کی کہ پانی پر گرنے والے کچھ ذریعے منعکس ہو جاتے ہیں اور کچھ کی ترسیل ہو جاتی ہے۔ لیکن ذریعہ کی ان دو قسموں میں کون سی خاصیت فرق کر سکتی ہے؟ نیوٹن کو کوئی ایسا مظہر فرض کرنا پڑا جو اتفاق پر مبنی ہو اور جس کی پہلے سے پیشن گوئی نہ کی جاسکتی ہو، جس کی بنیاد پر یہ طے ہو سکے کہ ایک انفرادی ذریعہ منعکس ہوگا یا نہیں۔ دوسرے مظاہر کی وضاحت کرنے کے لیے، جب کہ یہ فرض کیا گیا کہ ذریعے اس طور پر برتاؤ کرتے ہیں، جیسے کہ وہ متماثل (Identical) ہیں۔ روشنی کی لہر تصویر میں ایسی کشش نہیں پیدا ہوتی۔ ایک آنے والی لہر پانی اور ہوا کی درمیانی سرحد پر دو متماثل کمزور لہروں میں تقسیم کی جاسکتی ہے۔

9.2 کروئی آئینوں سے روشنی کا انعکاس

(REFLECTION OF LIGHT BY SPHERICAL MIRRORS)

ہم انعکاس کے قوانین سے واقف ہیں۔ زاویہ انعکاس (یعنی کہ، منعکس کرن اور انعکاسی سطح یا آئینہ پر عماد کے درمیان زاویہ) زاویہ وقوع (واقع کرن اور عماد کے درمیان زاویہ) کے مساوی ہوتا ہے اور واقع کرن (Incident ray)، منعکس کرن (Reflected ray) اور انعکاسی سطح پر، نقطہ وقوع (Point of incidence) پر عماد ایک ہی مستوی میں ہوتے ہیں (شکل 9.1)۔ یہ قوانین کسی بھی انعکاسی سطح، چاہے وہ مسطح ہو یا کروئی، کے ہر نقطہ پر درست ہیں۔ لیکن پھر بھی ہم اپنی بحث کو نئی سطحوں، یعنی کہ، کروئی سطحوں کی مخصوص صورت تک محدود رکھیں گے۔ اس صورت میں عماد، نقطہ وقوع پر سطح کے مماس (Tangent) پر عماد کو لیا جائے گا۔ یعنی کہ عماد، نصف قطر کی جانب ہے، یعنی کہ آئینے کے خمی مرکز



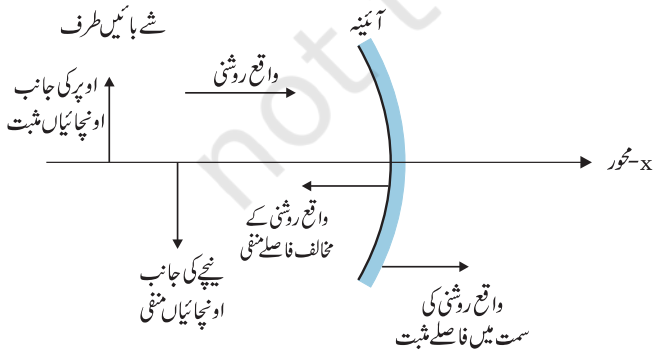
شکل 9.1: واقع کرن، منعکس کرن اور انعکاسی سطح پر عماد، ایک ہی مستوی میں ہیں

(Centre of curvature) کو نقطہ وقوع سے ملانے والے خط پر۔

ہم یہ پہلے ہی پڑھ چکے ہیں کہ ایک کروئی آئینے کا جیومیٹریائی مرکز اس کا قطب (Pole) کہلاتا ہے جب کہ ایک کروئی عدسے (لینس) کا جیومیٹریائی مرکز اس کا نوری مرکز (Optical Centre) کہلاتا ہے۔ ایک کروئی آئینے کے قطب اور خمی مرکز کو ملانے والا خط خاص محور (Principal axis) کہلاتا ہے۔ کروئی لینسوں میں خاص محور وہ خط ہے جو اس کے نوری مرکز کو خاص ماسکہ (Principal focus) سے ملاتا ہے، جیسا کہ آپ آگے سیکھیں گے۔

9.2.1 علامت قرارداد (Sign convention)

کروئی آئینوں سے انعکاس اور کروئی لینسوں سے انعطاف کے لیے فارمولے اخذ کرنے کے لیے، ہمیں فاصلوں کو ناپنے کے لیے ایک علامت قرارداد (Sign convention) ماننی ہوگی۔ اس کتاب میں ہم کارٹیزی علامت قرارداد



شکل 9.2: کارٹیزی علامت قرارداد

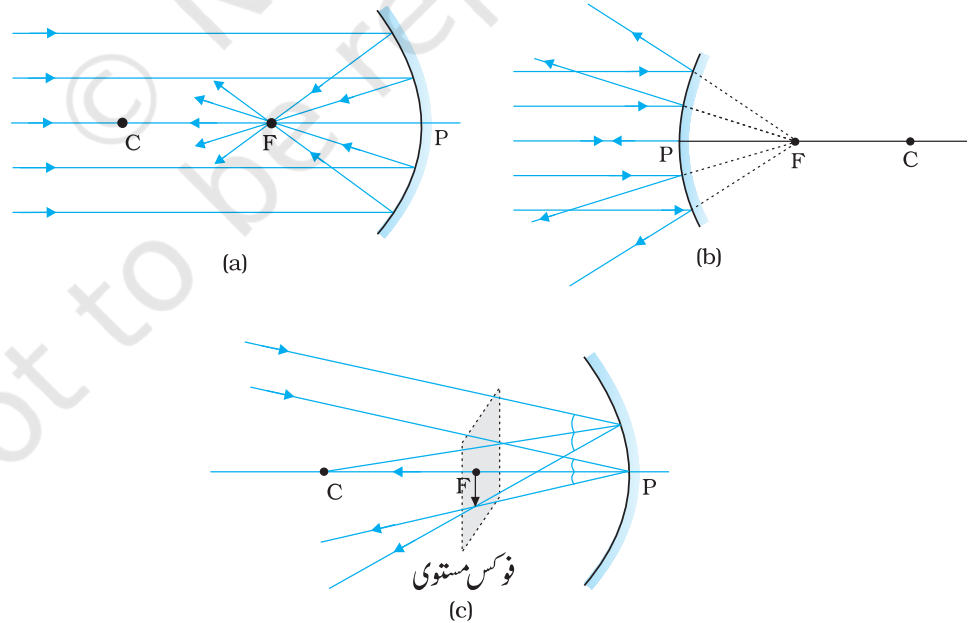
(Cartesian sign convention) پر عمل کریں گے۔ اس قرارداد کے مطابق، تمام فاصلے آئینے کے قطب یا لینس کے نوری مرکز سے ناپے جاتے ہیں۔ وہ فاصلے جو واقع روشنی کی سمت میں ہیں انھیں مثبت لیا جاتا ہے اور وہ فاصلے جو واقع روشنی کی مخالف سمت میں ناپے جاتے ہیں، منفی لیے جاتے ہیں (شکل 9.2)۔ x-محور کے لحاظ سے اوپر کی جانب اور آئینے/لینس کے خاص محور (x-محور) پر عماد، ناپی گئی اونچائیاں مثبت لی جاتی ہیں (شکل 9.2) اور نیچے کی جانب ناپی گئی اونچائیاں منفی۔

ایک مشترک طور پر منظور شدہ قرارداد کے ساتھ، کروی آئینوں کے لیے ایک ایسا واحد فارمولہ اور کروی لینسوں کے لیے ایک ایسا واحد فارمولہ، حاصل ہوتا ہے جو تمام مختلف صورتوں کے لیے درست ہے۔

9.2.2 کروی آئینوں کا فوکس فاصلہ

(Focal length of spherical mirrors)

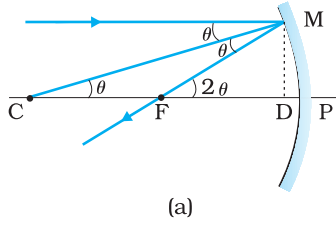
شکل (9.3) میں دکھایا گیا ہے کہ کیا ہوتا ہے جب روشنی کی ایک متوازی شعاع واقع ہوتی ہے (a) ایک جونی آئینہ (Concave mirror) پر (b) ایک حدبی آئینہ (Convex mirror) پر۔ ہم مان لیتے ہیں کہ کرنیں آئینے کے قطب P کے نزدیک نقطہ پر واقع ہیں اور خاص طور سے چھوٹے زاویے بناتی ہیں (Paraxial متوازی المحور ہیں) منعکس کرنیں، جونی آئینے کے خاص محور کے ایک نقطہ F پر مرکوز ہوتی ہیں (شکل (9.3(a))۔ ایک حدبی آئینے کے لیے، منعکس کرنیں اس کے خاص محور کے ایک نقطہ F سے غیر مرکوز ہوتی ہوئی معلوم ہوتی ہیں۔ (شکل (9.3(b))۔ یہ نقطہ F، آئینہ کا خاص فوکس (خاص ماسکہ Principal focus) کہلاتا ہے۔ اگر آپس میں متوازی اور متوازی المحور (Paraxial) روشنی کی شعاعیں واقع ہوں جو خاص محور سے کچھ زاویہ بناتی ہوں تو منعکس کرنیں، خاص محور پر عماد، F سے گزرتے ہوئے ایک مستوی کے ایک نقطے پر مرکوز ہوں گی (یا غیر مرکوز ہوتی ہوئی معلوم ہوں گی)۔ یہ آئینے کا فوکس مستوی (Focal plane) کہلاتا ہے (شکل (9.3(c))۔



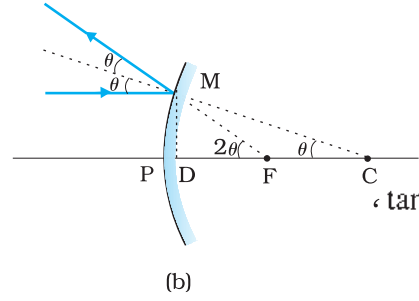
شکل 9.3: ایک جونی آئینے اور ایک حدبی آئینے کا فوکس

ایک آئینے کے فوکس F اور قطب P کے درمیان فاصلے کو آئینہ کا فوکس فاصلہ (Focal length) کہتے ہیں اور

کرن نوریات اور نوری آلے



(a)



(b)

اسے f سے ظاہر کرتے ہیں۔ اب ہم دکھائیں گے کہ: $f = \frac{R}{2}$ ، جہاں R آئینہ کا خمی نصف قطر (Radius of curvature) ہے۔ ایک واقع کرن کے انعکاس کی جیومیٹری شکل 9.4 میں دکھائی گئی ہے۔ فرض کیجیے کہ C آئینہ کا خمی مرکز ہے۔ خاص محور کے متوازی ایک کرن لیجیے جو آئینہ سے M پر ٹکراتی ہے۔

فرض کیجیے کہ CM زاویہ وقوع ہے اور MD ، M سے خاص محور پر عمود ہے۔ تب

$$\angle MCP = \theta \quad \text{اور} \quad \angle MFP = 2\theta$$

$$\tan 2\theta = \frac{MD}{FD} \quad \text{اور} \quad \tan \theta = \frac{MD}{CD}$$

θ کی خفیف قدروں کے لیے، جو متوازی المحور کرنوں کے لیے درست ہے، $\tan \theta \approx \theta$

$2\theta \approx \tan 2\theta$ اس لیے، مساوات (9.1) سے حاصل ہوتا ہے:

$$\frac{MD}{FD} = 2 \frac{MD}{CD}$$

یا

$$FD = \frac{CD}{2} \quad (9.2)$$

اب θ کی خفیف قدروں کے لیے، نقطہ D ، نقطہ P کے بہت نزدیک ہوگا۔ اس لیے $FD=f$ اور

$CD=R$ اب مساوات (9.2) سے حاصل ہوتا ہے:

$$f = \frac{R}{2} \quad (9.3)$$

9.2.3 آئینہ مساوات (The mirror equation)

اگر ایک نقطے سے نکلنے والی کرنیں، انعکاس اور/یا انعطاف کے بعد ایک دوسرے نقطے پر درحقیقت ملتی ہیں تو یہ دوسرا نقطہ پہلے نقطہ کی شبیہ کہلاتی ہے۔ یہ شبیہ حقیقی (real) ہوگی اگر کرنیں اس نقطے پر واقعی مرکوز ہوتی ہوں اور غیر حقیقی (virtual) ہوگی اگر کرنیں واقعی نہیں ملتیں، لیکن اگر انھیں پیچھے کی جانب بڑھایا جائے تو اس نقطے سے غیر مرکوز ہوتی ہوئی معلوم ہوتی ہیں۔ ایک شبیہ (عکس Image)، انعکاس یا/اور انعطاف کے ذریعے شے سے قائم ہوئی

نقطہ بہ نقطہ مطابقت ہے۔

اصولی طور پر ہم شے کے ایک نقطے سے نکلنے والی کوئی بھی دو کرنیں لے سکتے ہیں، ان کے

ذریعے طے کیے گئے خط راہ پر سے گزرتے ہوئے ان کا نقطہ تقاطع (Point of intersection)

معلوم کر سکتے ہیں اور اس طرح ایک کروئی آئینے پر ہوئے انعکاس کے ذریعے بنی نقطے کی

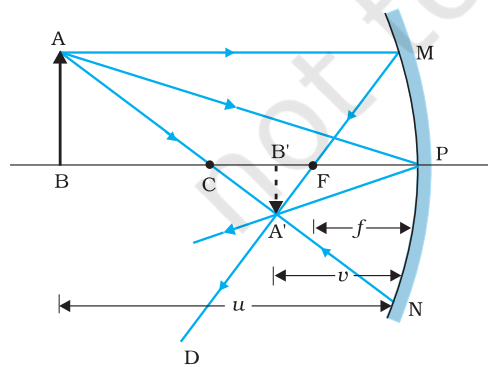
شبیہ حاصل کر سکتے ہیں۔ لیکن عملی صورت میں، مندرجہ ذیل میں سے کن ہی دو کرنوں کو منتخب

کرنے سے سہولت رہتی ہے:

(i) نقطہ سے نکل رہی وہ کرن جو خاص محور کے متوازی ہے۔ منعکس ہوئی کرن آئینے کے

فوکس سے گزرتی ہے۔

شکل 9.4: (a) جوئی کروئی آئینے پر، (b) حد بنی کروئی آئینے پر واقع کرن کے انعکاس کی جیومیٹری



شکل 9.5: ایک جوئی آئینے سے شبیہ کی تشکیل

کے لیے کرن ڈائیگرام

(ii) وہ کرن جو جونی آئینے کے خمی مرکز سے گزر رہی ہے یا حدبئی آئینے کے خمی مرکز سے گزرتی ہوئی معلوم ہوتی ہے۔ منعکس کرن اسی راستے پر واپس لوٹ جاتی ہے۔

(iii) جونی آئینے کے فوکس سے گزرتی ہوئی (یا اس کی جانب جاتی ہوئی) یا حدبئی آئینے کے فوکس سے گزرتی ہوئی (یا اس کی جانب جاتی ہوئی) معلوم ہوتی ہوئی کرن۔ منعکس کرن، خاص محور کے متوازی ہوگی۔

(iv) وہ کرن جو قطب پر کسی بھی زاویہ سے واقع ہے۔ منعکس کرن، انعکاس کے قوانین کی پابندی کرے گی۔

شکل 9.5 میں تین کرنوں کی مدد سے کرن ڈائیگرام بنائی گئی ہے۔ اس شکل میں ایک جونی آئینے سے بنی ہوئی ایک شے AB کی شبیہ A'B' (اس صورت میں حقیقی) دکھائی گئی ہے۔ اس کا یہ مطلب نہیں ہے کہ نقطہ A سے صرف تین کرنیں ہی نکلتی ہیں۔ کسی بھی وسیلہ (Source) سے کرنوں کی لامتناہی تعداد نکلتی ہے، جو ہر سمت میں جاتی ہیں۔ اس لیے A'، نقطہ A کا شبیہ نقطہ جب ہی ہوگا اگر نقطہ A سے نکل کر جونی آئینے پر پڑنے والی ہر کرن انعکاس کے بعد نقطہ A' سے گزرے۔

اب ہم آئینہ مساوات یا، شے فاصلہ (u)، شبیہ فاصلہ (v) اور فوکس فاصلہ (f) میں رشتہ اخذ کرتے ہیں۔ شکل 9.5 سے دونوں قائم زاویہ مثلث A'B'F اور MPF مشابہ (Similar) ہیں۔ (متوازی المحور کرنوں کے لیے، MP کو CP پر عمود ایک خط مستقیم مانا جاسکتا ہے) اس لیے:

$$\frac{B'A'}{PM} = \frac{B'F}{FP}$$

$$\frac{B'A'}{BA} = \frac{B'F}{FP} \quad (\because PM=AB) \quad (9.4)$$

کیونکہ: $\angle APB = \angle A'PB'$ ، اس لیے قائم زاویہ مثلث A'B'P اور ABP بھی مشابہ ہیں۔ اس لیے،

$$\frac{B'A'}{BA} = \frac{B'P}{BP} \quad (9.5)$$

مساوات (9.4) اور مساوات (9.5) کا مقابلہ کرنے پر، ہمیں حاصل ہوتا ہے:

$$\frac{B'F}{FP} = \frac{B'P - FP}{FP} = \frac{B'P}{BP} \quad (9.6)$$

مساوات (9.6) ایک ایسا رشتہ ہے، جس میں فاصلوں کی عددی قدریں شامل ہیں۔ اب ہم علامت قرار داد استعمال کرتے ہیں۔ نوٹ کیجیے کہ روشنی شے سے آئینے MPN کی جانب سفر کرتی ہے۔ اس لیے اسے مثبت سمت لیا جائے گا۔ قطب P سے شے AB تک، شبیہ A'B' تک اور فوکس F تک پہنچنے کے لیے ہمیں واقع روشنی کی سمت کے مخالف سمت میں جانا ہوگا۔ اس لیے ان تینوں کی علامتیں منفی ہوں گی۔ اس لیے

$$B'P = -u, FP = -f, BP = -v$$

انہیں مساوات (9.6) میں رکھنے پر ہم دیکھتے ہیں:

کرن نوریات اور نوری آلے

$$\begin{aligned} \frac{-v+f}{-f} &= \frac{-v}{-u} \\ \frac{v-f}{f} &= \frac{v}{u} \\ \frac{1}{v} + \frac{1}{u} &= \frac{1}{f} \end{aligned} \quad \text{یا} \quad (9.7)$$

یہ رشتہ آئینہ مساوات کہلاتا ہے۔

شے کی مناسبت سے شبیہ کا سائز ایک اور قابل لحاظ اہم مقدار ہے۔ ہم خطی تکبیر (Linear magnification)

(m) کی تعریف اس طرح کرتے ہیں کہ یہ شبیہ کی اونچائی (h') کی شے کی اونچائی (h) سے نسبت ہے:

$$m = \frac{h'}{h} \quad (9.8)$$

h اور h' کو مثبت یا منفی، منظور شدہ علامتی قرارداد کے مطابق، مانا جائے گا۔ مثلث $A'B'P$ اور مثلث ABP سے

ہمارے پاس ہے۔

$$\frac{B'A'}{BA} = \frac{B'P}{BP}$$

علامت قرارداد کے مطابق، یہ ہو جاتا ہے:

$$\frac{-h'}{h} = \frac{-v}{-u}$$

اس طرح

$$m = \frac{h'}{h} = -\frac{v}{u} \quad (9.9)$$

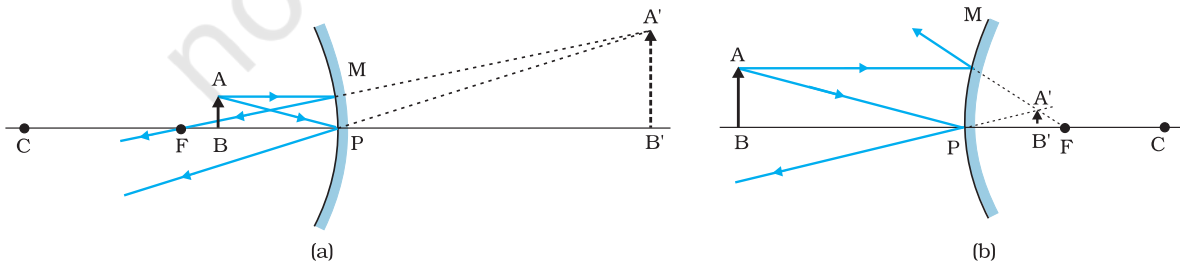
یہاں ہم نے ایک جونی آئینے کے ذریعے بنی، حقیقی، الٹی شبیہ کے لیے آئینہ مساوات (مساوات 9.7) اور تکبیر

فارمولا (مساوات 9.9) مشتق کیا ہے۔ علامت قرارداد کے مناسب استعمال کے ساتھ، یہ دونوں (مساوات 9.7 اور

9.9) ایک کر دی آئینے (جونی یا حدبی) سے انعکاس کی تمام صورتوں کے لیے درست ہیں، چاہے بننے والی شبیہ حقیقی ہو یا

غیر حقیقی۔ شکل 9.6 میں ایک جونی اور ایک حدبی آئینے کے ذریعے بنی غیر حقیقی شبیہ کے لیے کرن ڈائیگرام دکھائے گئے

ہیں۔ آپ تصدیق کریں کہ ان صورتوں کے لیے بھی مساوات (9.7) اور مساوات (9.9) درست ہیں۔



شکل 9.6: (a) ایک جونی آئینے کے ذریعے شبیہ کا بننا جبکہ شے P اور F کے درمیان ہے

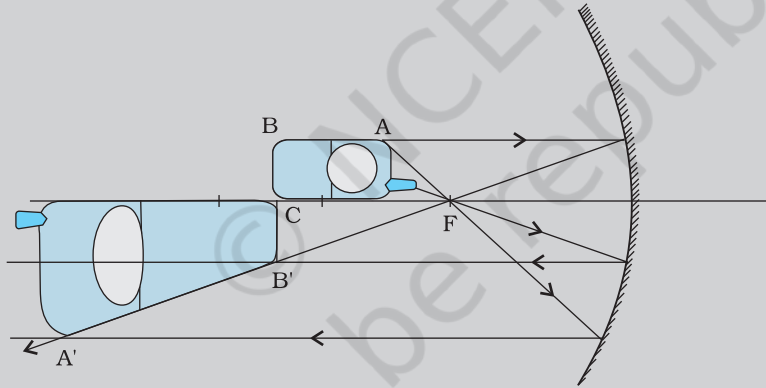
(b) ایک حدبی آئینے کے ذریعے شبیہ کا بننا

مثال 9.1: فرض کیجیے کہ شکل 9.5 میں دکھائے گئے جوئی آئینے کی انعکاسی سطح کا نچلا نصف حصہ ایک غیر شفاف (opaque) [غیر انعکاسی (non-reflective)] مادی شے سے ڈھک دیا گیا ہے۔ آئینے کے سامنے رکھی ہوئی شے کی شبیہ پر اس کا کیا اثر ہوگا؟

حل: ہو سکتا ہے آپ سوچ رہے ہوں کہ اب شبیہ میں صرف نصف شے ہی نظر آئے گی، لیکن باقی آئینے (جو ڈھکا ہوا نہیں ہے) کے ہر نقطے پر انعکاس کے قوانین کو درست مانتے ہوئے عکس پوری شے کا ہوگا۔ لیکن کیونکہ انعکاسی سطح کا رقبہ کم کر دیا گیا ہے، شبیہ کی شدت (intensity) کم ہوگی (اس صورت میں نصف)۔

مثال 9.1

مثال 9.2: ایک موبائل فون ایک جوئی آئینے کے خاص محور پر رکھا ہوا ہے، جیسا کہ شکل 9.7 میں دکھایا گیا ہے۔ ایک مناسب ڈائیگرام کی مدد سے، شبیہ کا بنا دیکھائیے۔ وضاحت کیجیے کہ تکبیر یکساں (uniform) کیوں نہیں ہے؟ کیا شبیہ میں پیدا ہونے والا بگاڑ، آئینے کی مناسبت سے فون کے مقام پر منحصر ہوگا؟



شکل 9.7

حل: فون کی شبیہ بننے کی کرن ڈائیگرام شکل 9.7 میں دکھائی گئی ہے۔ اس حصہ کی شبیہ جو خاص محور پر عمودی مستوی میں ہے، اسی مستوی میں بنے گی۔ یہ اسی سائز کی ہوگی یعنی $B'C = BC$ ، آپ خود سمجھ سکتے ہیں کہ شبیہ میں بگاڑ کیوں ہوگا۔

مثال 9.2

مثال 9.3: 15cm خمی نصف قطر کے جوئی آئینے کے سامنے ایک شے (i) 10cm (ii) 5cm، کے فاصلے پر رکھی گئی ہے۔ دونوں صورتوں میں شبیہ کا مقام، طبع اور تکبیر معلوم کیجیے۔

مثال 9.3

$$\text{حل: } f = -\frac{15}{2} \text{ cm} = -7.5 \text{ cm}$$

$$(i) \text{ } u = -10 \text{ cm}$$

$$\frac{1}{v} + \frac{1}{-10} = \frac{1}{-7.5}$$

$$v = \frac{10 \times 7.5}{-2.5} = -30 \text{ cm}$$

شبیہ، آئینے سے 30cm کے فاصلے پر، اسی طرف جس طرف شے ہے، بنے گی۔

$$m = -\frac{v}{u} = -\frac{(-30)}{(-10)} = -3$$

شبیہ، تکبیر شدہ، حقیقی اور الٹی ہوگی۔

$$(ii) \text{ } u = -5 \text{ cm}$$

$$\frac{1}{v} + \frac{1}{-5} = \frac{1}{-7.5}$$

$$v = \frac{5 \times 7.5}{(7.5 - 5)} = 15 \text{ cm}$$

یہ شبیہ 15cm پر آئینے کے پیچھے بنے گی۔ یہ ایک غیر حقیقی شبیہ ہے۔

$$m = -\frac{v}{u} = -\frac{15}{(-5)} = 3$$

شبیہ تکبیر شدہ، غیر حقیقی اور سیدھی ہے۔

مثال 9.3

مثال 9.4: فرض کیجیے کہ آپ ایک کھڑی ہوئی کار میں بیٹھے ہیں اور $R=2\text{m}$ کے کار کے پیچھے دیکھنے کے آئینے

میں سے آپ کو ایک شخص 5 m s^{-1} کی چال سے کار کی طرف دوڑ کر آتا ہوا دکھائی دیتا ہے۔ اگر آنے والا اسی

چال سے دوڑتا رہے تو جب وہ کار سے (a) 39m (b) 29m (c) 19m (d) 9m کے فاصلے پر ہوگا تو

اس کی شبیہ کس رفتار سے حرکت کرتی ہوئی معلوم ہوگی؟

حل: آئینہ مساوات (مساوات 9.7) سے:

$$v = \frac{fu}{u - f}$$

ایک حدی آئینہ کے لیے، کیونکہ $R=2\text{m}$ ، $f=1\text{m}$ ، اس لیے

$$u = -39 \text{ m}, v = \frac{(-39) \times 1}{-39 - 1} = \frac{39}{40} \text{ m}$$

مثال 9.4

کیونکہ دوڑنے والا 5 m s^{-1} کی مستقل چال سے حرکت کر رہا ہے، اس لیے ایک سیکنڈ بعد شبیہ کا مقام u

$$\frac{34}{35} \text{ m} \text{ ہوگا: } (u = -39 + 5 = -34)$$

اس لیے ایک سیکنڈ میں شبیہ کے مقام میں تبدیلی ہے:

$$\frac{39}{40} - \frac{34}{35} = \frac{1365 - 1360}{1400} = \frac{5}{1400} = \frac{1}{280} \text{ m}$$

اس لیے جب دوڑنے والا آئینے سے 39 m اور 34 m کے درمیان ہے تو اس کی اوسط چال $\left(\frac{1}{280}\right) \text{ m s}^{-1}$ ہے۔

اسی طرح یہ دیکھا جاسکتا ہے کہ $u = -29 \text{ m}$ ، اور -19 m کے لیے، شبیہ جس چال سے حرکت کرتی ہوئی معلوم ہوتی ہے، وہ ہے بالترتیب:

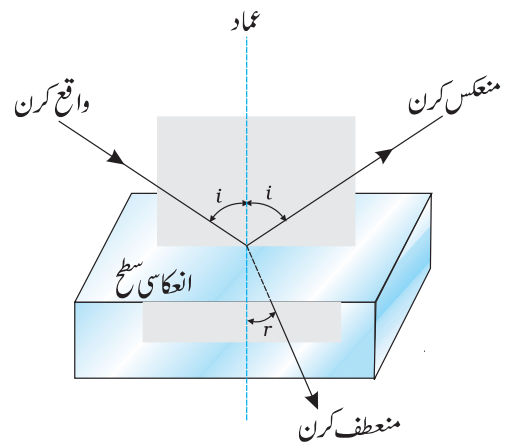
$$\frac{1}{150} \text{ m s}^{-1}, \frac{1}{60} \text{ m s}^{-1}, \frac{1}{10} \text{ m s}^{-1}$$

حالانکہ دوڑنے والا مستقل چال سے حرکت کر رہا ہے، جیسے جیسے وہ کار کے نزدیک آتا ہے اس کی شبیہ کی چال میں قابل لحاظ اضافہ ہوتا ہوا معلوم ہوتا ہے۔ اس مظہر کو کوئی بھی شخص جو رک کی ہوئی کار یا بس میں بیٹھا ہو محسوس کر سکتا ہے۔ حرکت کرتی ہوئی گاڑیوں کی صورت میں بھی ایسا ہی مظہر دیکھا جاسکتا ہے اگر پیچھے آنے والی گاڑی مستقل چال سے قریب آرہی ہو۔

9.3 انعطاف (REFRACTION)

جب ایک روشنی کی شعاع ایک دوسرے شفاف (Transparent) واسطے (medium) سے ٹکراتی ہے تو اس کا کچھ حصہ پہلے واسطے میں واپس منعکس ہو جاتا ہے اور کچھ دوسرے واسطے میں داخل ہو جاتا ہے۔ روشنی کی ایک کرن ایک شعاع کی نمائندگی کرتی ہے۔ ایک ترجمہ واقع روشنی کی کرن جو دوسرے واسطے میں داخل ہوتی ہے، اس کے اشعاع کی سمت دونوں واسطوں کی درمیانی سرحد پر تبدیل ہو جاتی ہے۔ یہ مظہر روشنی کا انعطاف (Refraction of Light) کہلاتا ہے۔ اسنیل (Snell) نے انعطاف کے مندرجہ ذیل قوانین تجرباتی طور پر حاصل کیے:

- (i) واقع کرن، منعطف کرن اور درمیانی رخ پر نقطہ وقوع پر عماد، سب ایک ہی مستوی میں ہوتے ہیں۔
- (ii) زاویہ وقوع کے سائن (sine) اور زاویہ انعطاف کے سائن کی نسبت مستقل ہے۔ یاد رکھیے کہ زاویہ وقوع (i) اور زاویہ انعطاف (r) وہ زاویے ہیں جو واقع کرن اور اس کی منعطف کرن، بالترتیب عماد سے بناتی ہیں۔ ہمارے پاس ہے:



شکل 9.8: روشنی کا انعطاف اور انعکاس

کرن نوریات اور نوری آلے

$$\frac{\sin i}{\sin r} = n_{21} \quad (9.10)$$

جہاں n_{21} ایک مستقلہ ہے، جو دوسرے واسطے کا، پہلے واسطے کا، پہلے واسطے کی مناسبت سے انعطاف نما (refractive index) کہلاتا ہے۔ مساوات (9.10)، معروف اسنیل کا انعطاف کا قانون ہے۔ ہم نوٹ کر سکتے ہیں کہ n_{21} واسطوں کے جوڑے کی خصوصیت ہے (اور روشنی کے طول لہر پر بھی منحصر ہے) لیکن زاویہ وقوع کے غیر تابع ہے۔

مساوات (9.10) سے، اگر $r < i$ ، $n_{21} > 1$ یعنی کہ منعطف کرن عماد کی جانب جھکتی ہے۔ ایسی صورت میں واسطہ 2 واسطہ 1 سے مقابلتاً نوری طور پر کثیف (optically denser) یا صرف کثیف (denser) کہلاتا ہے۔ دوسری طرف اگر $r > i$ ، $n_{21} < 1$ ہو تو منعطف کرن عماد سے دور بنتی ہے۔ یہ وہ صورت ہے جب ایک کثیف واسطے میں واقع کرن ایک مقابلتاً لطیف (rarer) واسطے میں منعطف ہوتی ہے۔

نوٹ: نوری کثافت اور کثافت میں مغالطہ نہیں ہونا چاہیے۔ کثافت کثافت، کثافت فی اکائی حجم ہے۔ ایسا ممکن ہے کہ ایک نوری طور پر مقابلتاً کثیف واسطے کی کثافت کثافت ایک نوری طور پر مقابلتاً لطیف واسطے کی کثافت کثافت سے کم ہو۔ (نوری کثافت دونوں واسطوں میں روشنی کی چال کی نسبت ہے)۔ مثلاً ٹرپین ٹائن اور پانی۔ ٹرپین ٹائن کی کثافت کثافت پانی کی کثافت کثافت سے کم ہے لیکن اس کی نوری کثافت زیادہ ہے۔

اگر n_{21} ، واسطہ 1 کی مناسبت سے واسطہ 2 کا انعطاف نما ہے اور n_{12}

واسطہ 2 کی مناسبت سے واسطہ 1 کا انعطاف نما ہے، تو یہ واضح ہونا چاہیے کہ:

$$n_{12} = \frac{1}{n_{21}} \quad (9.11)$$

یہ بھی اخذ کیا جاسکتا ہے کہ اگر n_{32} ، واسطہ 2 کی مناسبت سے واسطہ 3 کا

انعطاف نما ہے، تب: $n_{32} = n_{31} \times n_{12}$ ، جہاں n_{31} واسطہ 1 کی مناسبت سے

واسطہ 3 کا انعطاف نما ہے۔

انعطاف کے قوانین پر مبنی کچھ بنیادی نتائج فوراً ہی اخذ کیے جاسکتے ہیں۔ ایک

مستطیل نما سل (rectangular slab) میں انعطاف دو درمیانی رخوں (ہوا-شیشہ اور شیشہ-ہوا) پر ہوتا ہے۔

شکل 9.9 سے یہ آسانی دیکھا جاسکتا ہے کہ: $r_2 = i_1$ ، یعنی کہ نمودی کرن (emergent ray) واقع کرن

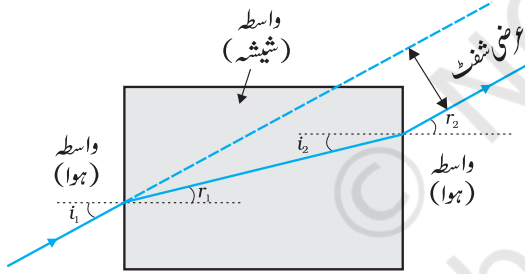
(incident ray) کے متوازی ہے۔ کوئی انحراف (deviation) نہیں ہے، لیکن نمودی کرن میں واقع کرن کی

مناسبت سے عرضی نقل/شفٹ (Lateral displacement/shift) پیدا ہوتا ہے۔ ایک اور مشاہدہ، جس سے عام

واقفیت ہے، وہ یہ ہے کہ ایک پانی سے بھرے ہوئے تالاب کی تلی (پینڈا Bottom) اٹھی ہوئی معلوم ہوتی ہے

(شکل 9.10)۔ تقریباً عمادی سمت میں دیکھنے کے لیے، یہ ثابت کیا جاسکتا ہے کہ ظاہر گہرائی (apparent depth)

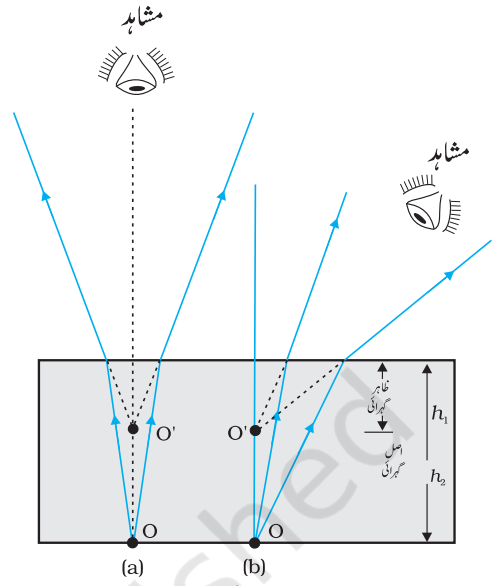
h_1 اصل گہرائی (Real depth) h_2 کو واسطے پانی کے انعطاف سے تقسیم کر کے حاصل کی جاسکتی ہے۔



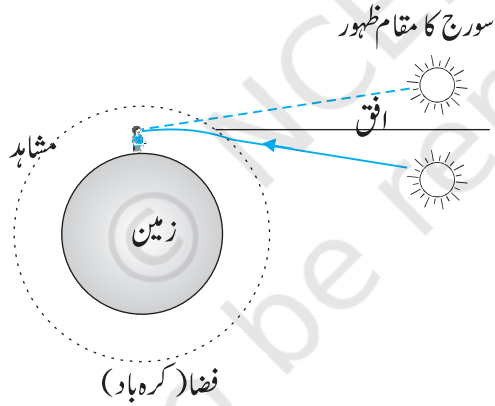
شکل 9.9 ایک متوازی الاضلاع سل سے منعطف ہوتی

ایک کرن کی عرضی شفٹ

کرہ باد (atmosphere) کے ذریعے روشنی کا انعطاف بہت سے دلچسپ مظاہر کے لیے ذمہ دار ہے۔ مثلاً سورج، اصل طلوع آفتاب سے ذرا پہلے دکھائی دے جاتا ہے اور اصل غروب آفتاب کے تھوڑی دیر بعد تک نظر آتا رہتا ہے۔ ایسا کرہ باد سے روشنی کے انعطاف کی وجہ سے ہوتا ہے (شکل 9.11)۔ اصل طلوع آفتاب سے ہمارا مطلب ہے سورج کا افق (horizon) سے اصل میں گذرنا۔ شکل (9.11) میں افق کی مناسبت سے سورج کے اصل اور ظاہری مقامات کو دکھایا گیا ہے۔ شکل کو بہت زیادہ بڑا بنایا گیا ہے تاکہ اثر واضح ہو سکے۔ خلا کی مناسبت سے ہوا کا انعطاف نما 1.00029 ہے۔ اس وجہ سے، سورج کی سمت میں ظاہری شفٹ تقریباً نصف ڈگری ہوتی ہے اور اس کے مطابق، اصل غروب آفتاب اور ظاہری غروب آفتاب میں وقت کا فرق تقریباً 2 منٹ ہے (دیکھو مثال 9.5) غروب آفتاب اور طلوع آفتاب کے وقت سورج کا ظاہر چپٹا ہونا (بیضوی شکل) بھی اسی مظہر کی وجہ سے ہے۔



شکل 9.10: (a) عمادی طور پر دیکھنے پر ظاہر گہرائی (b) ترچھا دیکھنے پر ظاہر گہرائی



شکل 9.11: فضائی انعطاف کی وجہ سے طلوع آفتاب میں جلدی اور غروب آفتاب میں تاخیر

مثال 9.5: زمین اپنے محور پر ایک چکر پورا کرنے میں 24 گھنٹے لیتی ہے۔ زمین سے دیکھنے پر، سورج 1° شفٹ ہونے میں کتنا وقت لیتا ہے؟
حل:

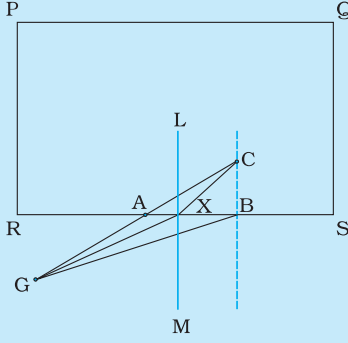
$$360^\circ = 24 \text{ h}$$

$$1^\circ = \frac{24}{360} \text{ h} = 4 \text{ min.}$$

ڈوبتا ہوا بچہ، محافظ اور اسنیل کا قانون

(THE DROWNING CHILD, LIFEGUARD AND SNELL'S LAW)

ایک مستطیل نما سوئمنگ پول PQSR لیجیے، دیکھیے نیچے دی ہوئی شکل۔ پول کے باہر G پر بیٹھا ہوا ایک محافظ دیکھتا ہے کہ ایک بچہ نقطہ C پر ڈوب رہا ہے۔ محافظ بچے تک کم سے کم ممکنہ وقت میں پہنچنا چاہتا ہے۔ فرض کیجیے G اور C کے درمیان پول کا $\frac{1}{2}$ اضلاع SR ہے۔ کیا محافظ کو G اور C کے درمیان مستقیم خط راستہ GAC اختیار کرنا چاہیے یا راستہ GBC اختیار کرنا چاہیے، جس میں پانی کے اندر راستہ BC سب سے کم ہے یا کوئی اور راستہ اختیار کرنا چاہیے جیسے GXC؟ محافظ جانتا ہے کہ زمین پر اس کے دوڑنے کی رفتار v_1 اس کی پانی میں تیرنے کی رفتار v_2 سے زیادہ ہے۔



فرض کیجیے محافظ پانی میں نقطہ X پر داخل ہوتا ہے۔ فرض کیجیے: $GX = l_1$ اور $XC = l_2$ ، تب G سے C تک پہنچنے میں لگنے والا وقت ہوگا:

$$t = \frac{l_1}{v_1} + \frac{l_2}{v_2}$$

اس وقت کو اقل ترین (minimum) کرنے کے لیے اس کا تفرق (differentiation) کرنا ہوگا (X کے کوآرڈینیٹ کی مناسبت سے) اور پھر جب t اقل ترین ہو تو نقطہ X معلوم کرنا ہوگا۔ یہ سب الجبر اعلیٰ کرنے کے بعد (جو ہم یہاں چھوڑ رہے ہیں)، ہم دیکھتے ہیں کہ محافظ کو پانی میں اس نقطے پر داخل ہونا چاہیے جہاں اسنیل کا قانون مطمئن ہوتا ہو۔ اسے سمجھنے کے لیے، ضلع SR پر نقطہ X پر ایک عمود LM کھینچیے۔ فرض کیجیے: $\angle GXM = i$ اور $\angle CXL = r$ تب یہ دیکھا جاسکتا ہے کہ اس وقت اقل ترین ہوگا جب:

$$\frac{\sin i}{\sin r} = \frac{v_1}{v_2}$$

روشنی کے لیے، $\frac{v_1}{v_2}$ ، خلا میں روشنی کی رفتار کی واسطے میں روشنی کی رفتار سے نسبت، واسطے کا انعطاف نما n ہے۔

مختصراً یہ کہ، چاہے لہر ہو، ذرہ ہو یا ایک انسان ہو، جب بھی دو واسطے اور دو رفتاریں شامل ہوں، اگر ہم کم ترین وقت چاہتے ہیں تو اسنیل کے قانون کی پابندی لازمی ہے۔

9.4 مکمل اندرونی انعکاس (TOTAL INTERNAL REFLECTION)

جب روشنی ایک مقابلاً نوری کثیف واسطے سے مقابلاً لطیف واسطے میں داخل ہوتی ہے تو درمیانی رخ پر اس کا جز ایک اسی واسطے میں واپس منعکس ہو جاتا ہے اور ایک جز دوسرے واسطے میں منعطف ہو جاتا ہے۔ یہ انعکاس، اندرونی انعکاس، کہلاتا ہے۔

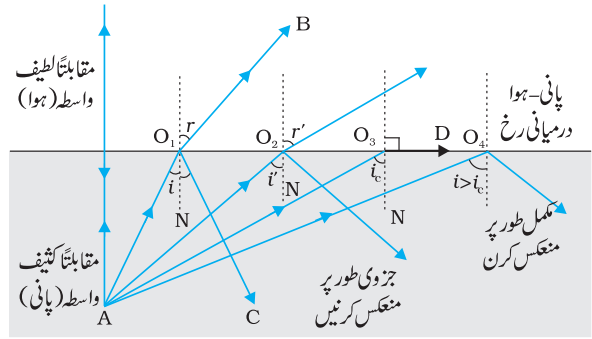
جب روشنی کی ایک کرن ایک مقابلاً کثیف واسطے سے ایک مقابلاً لطیف واسطے میں داخل ہوتی ہے تو عماد سے دور

ٹہتی ہے، مثلاً شکل 9.12 میں کرن AO_1B ۔ واقع کرن AO_1 ، جزوی طور پر منعکس ہوتی ہے (O_1C) اور جزوی

طور پر منعطف ہوتی ہے (O_1B) ، اس طرح کہ زاویہ انعطاف (r) زاویہ وقوع (i) سے بڑا ہوتا ہے۔ جیسے جیسے زاویہ وقوع

بڑھتا ہے، زاویہ انعطاف بھی بڑھتا ہے، یہاں تک کہ کرن AO_3 کے لیے زاویہ انعطاف $\frac{\pi}{2}$ ہے۔ منعطف کرن عماد

سے اتنی دور ہٹ جاتی ہے کہ یہ دونوں واسطوں کے درمیانی رخ کی سطح کو چھونے لگتی ہے۔ اسے شکل 9.12 میں کرن OA₃D کے ذریعے دکھایا گیا ہے۔ اب اگر زاویہ وقوع میں مزید اضافہ کیا جائے (مثلاً، کرن AO₄)، تو انعطاف ممکن نہیں ہے اور واقع کرن مکمل طور پر منعکس ہو جاتی ہے۔ یہ مکمل اندرونی انعکاس (Total Internal Reflection) کہلاتا ہے۔ جب ایک سطح سے روشنی منعکس ہوتی ہے، تو عام طور سے اس کا کچھ حصہ ترسیل بھی ہوتا ہے۔ اس لیے منعکس کرن کی شدت (intensity) ہمیشہ واقع کرن کی شدت سے کم ہوتی ہے، چاہے انعکاسی سطح کتنی بھی ہموار (چکنی smooth) کیوں نہ ہو۔ لیکن، دوسری طرف، مکمل اندرونی انعکاس میں روشنی کی کوئی ترسیل نہیں ہوتی۔



شکل 9.12: ایک مقابلاً کثیف واسطہ (پانی) میں ایک نقطہ A سے کرنوں کا انعطاف اور اندرونی انعکاس، جب کہ کرنیں ایک مقابلاً لطیف واسطہ (ہوا) کے ساتھ درمیانی رخ پر مختلف زاویوں پر واقع ہیں۔

90° زاویہ انعطاف کے مطابق زاویہ وقوع فرض کیا $\angle AO_3N$ ، واسطوں کے دسے ہوئے جوڑے کے لیے، فاصل زاویہ (Critical angle) کہلاتا ہے، جسے i_c سے ظاہر کرتے ہیں۔ ہم اسنیل کے قانون [مساوات (9.10)] سے دیکھ سکتے ہیں کہ اگر نسبتی انعطاف نما (relative refractive index) ایک سے کم ہے، تو کیونکہ $\sin r$ کی اعظم قدر ایک ہے، اس لیے $\sin i$ کی قدر کے لیے ایک بالائی حد (upper limit) ہے، جس کے لیے قانون مطمئن ہو سکتا ہے، یعنی کہ، $i = i_c$ ، اس طرح کہ

$$\sin i_c = n_{21} \quad (9.12)$$

بڑی i کی قدروں کے لیے، انعطاف کا اسنیل کا قانون مطمئن نہیں کیا جاسکتا اور اس لیے کوئی انعطاف ممکن نہیں ہے۔

مقابلاً کثیف واسطہ 2 کا، مقابلاً لطیف واسطہ 1 کی مناسبت سے، انعطاف نما ہوگا:

کچھ مخصوص فاصل زاویوں کی فہرست جدول 9.1 میں دی گئی ہے۔

جدول 9.1: کچھ شفاف واسطوں کے فاصل زاویے

واسطہ (مادی شے)	انعطاف نما	فاصل زاویہ
پانی	1.33	48.75°
کراؤن شیشہ	1.52	41.14°
کثیف فلٹ شیشہ	1.62	37.31°
ہیرا	2.42	24.41°

مکمل اندرونی انعکاس کا ایک مظاہرہ

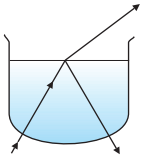
تمام نوری مظاہرہ کا ایک لیزر ٹارچ (Laser Torch) کی مدد سے، جو آج کل بہ آسانی دستیاب ہے، بخوبی مظاہرہ کیا

کرن نوریات اور نوری آلے

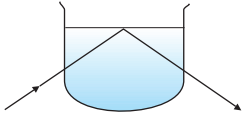
جاسکتا ہے۔ ایک شیشہ کا بیکر لیجیے جس میں صاف پانی ہو۔ اس میں دودھ یا کوئی اور معلق مادہ کی چند بوندیں ڈالیئے تاکہ یہ تھوڑا گدلا ہو جائے۔ ایک لیزر ٹارچ لیجیے اور اس کی شعاع کو اس دھندلے پانی سے گزاریے۔ آپ دیکھیں گے کہ پانی کے اندر شعاع کا راستہ خوب چمکتا ہے۔

بیکر کے نیچے سے اس طرح شعاع ڈالیے کہ وہ دوسرے سرے پر پانی کی سطح سے ٹکرائے۔ کیا آپ دیکھتے ہیں کہ یہ شعاع جزوی طور پر منعکس ہوتی ہے (جو نیچے میز پر ایک دھبہ کی شکل میں دکھائی دیتا ہے) اور جزوی طور پر منعطف ہوتی ہے [جو جز کہ ہوا میں باہر آتا ہے اور چھت پر ایک دھبہ کی شکل میں دکھائی دیتا ہے، شکل (a) 9.13]؟ اب لیزر شعاع کو بیکر کے ایک طرف سے اس طرح ڈالیے کہ وہ پانی کی اوپری سطح پر اور زیادہ تر چھمی پڑے [شکل (b) 9.13]۔ لیزر شعاع کی سمت کو اس طرح درست کیجیے کہ آپ کو وہ زاویہ مل جائے جس کے لیے پانی کی سطح کے اوپر انعطف بالکل نہ ہو اور شعاع مکمل طور پر واپس پانی میں منعکس ہو جائے۔ یہ مکمل اندرونی انعکاس کا سب سے سادہ مظاہرہ ہے۔

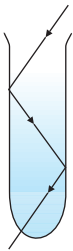
اب اس پانی کو ایک لمبی ٹیٹ ٹیوب میں ڈال دیجیے اور لیزر کی شعاع اوپر سے ڈالیے، جیسا کہ شکل (c) 9.13 میں دکھایا گیا ہے۔ لیزر شعاع کی سمت کو اس طرح درست کیجیے کہ وہ جس مرتبہ بھی ٹیوب کی دیواروں سے ٹکرائے، ہر مرتبہ مکمل اندرونی انعکاس ہو۔ یہ اس سے ملتی جلتی صورت ہے جو نوری ریشوں (Optical fibres) میں پائی جاتی ہے۔ یہ احتیاط رکھیں کہ لیزر شعاع کو براہ راست نہ تو خود دیکھیں اور نہ ہی اسے کسی اور کے چہرے پر ڈالیں۔



(a)



(b)



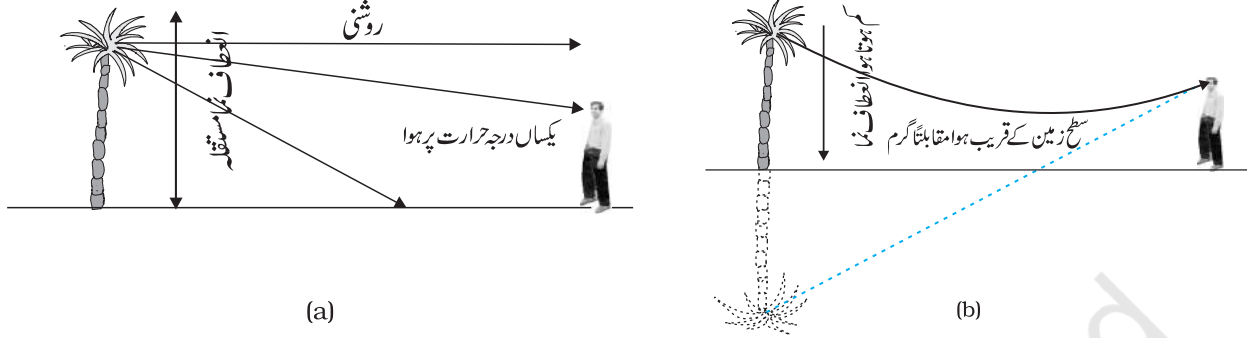
(c)

9.4.1 قدرت میں ہونے والا مکمل اندرونی انعکاس اور اس کے تکنیکی استعمال (Total internal reflection in nature and its technological applications)

(i) **سراب (Mirage):** موسم گرما کے گرم دنوں میں، زمین کے نزدیک ہوا، اوپری سطح کی ہوا کے مقابلے میں زیادہ گرم ہو جاتی ہے۔ ہوا کا انعطف نما اس کی کثافت کے ساتھ بڑھتا ہے۔ مقابلتا گرم ہوا کم کثیف ہوتی ہے اور مقابلتا ٹھنڈی ہوا سے اس کا انعطف نما کم ہوتا ہے۔ اگر ہوا رکی ہوئی ہو تو ہوا کی مختلف پرتوں (Layers) پر نوری کثافت بلندی کے ساتھ بڑھتی ہے۔ اس کے نتیجے میں، ایک اونچی شے، جیسے درخت، سے آنے والی روشنی، ایسے واسطے سے گذرتی ہے جس کا انعطف نما زمین کی جانب کم ہوتا جاتا ہے۔ اس لیے ایسی شے سے آنے والی روشنی لگا تار عماد سے دور ہٹتی جاتی ہے اور جب زمین کے نزدیک والی ہوا کے لیے اس کا زاویہ وقوع، فاصلے زاویہ سے زیادہ ہو جاتا ہے تو اس کا مکمل اندرونی انعطف ہو جاتا ہے۔ یہ شکل (b) 9.14 میں دکھایا گیا ہے۔ ایک فاصلے سے دیکھنے والے شخص کو یہ روشنی کہیں سطح زمین کے نیچے سے آتی ہوئی معلوم ہوتی ہے۔ مشاہد ظاہر ہے یہ سمجھتا ہے کہ روشنی سطح زمین سے منعکس ہو رہی ہے، جیسے کہ اونچی شے کے نزدیک پانی کے تالاب سے۔ دور اونچی اشیا کی ایسی الٹی شبیہ مشاہد کو نوری وہم (optical illusion) میں مبتلا کر دیتی ہیں۔ یہ مظہر سراب (Mirage) کہلاتا ہے۔ کیونکہ یہ ہے۔ اس طرح کا سراب گرم ریگستانوں میں خاص طور سے عام ہے۔ آپ میں کچھ نے شاید کبھی محسوس کیا ہو کہ جب آپ موسم گرما کے کسی گرم دن ایک بس یا کار سے سفر کر رہے ہوتے ہیں تو، خاص طور سے شاہراہ (High-way) پر

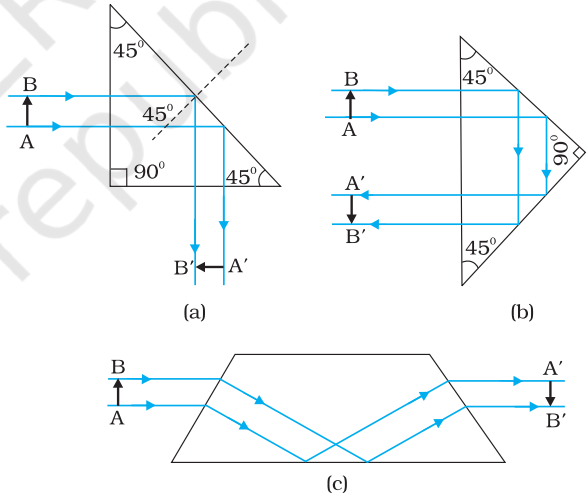
شکل 9.13: ایک لیزر شعاع کے ساتھ پانی میں مکمل اندرونی انعکاس کا مشاہدہ کرنا (بیکر کے شیشے سے ہونے والا انعطف نظر انداز کر دیا گیا ہے، کیونکہ یہ شیشہ بہت پتلا ہوتا ہے)

سڑک کا ایک ٹکڑا دور سے گلیا نظر آتا ہے لیکن جب آپ اس کے پاس پہنچتے ہیں تو گیلے پن کا نام و نشان نہیں ہوتا۔ یہ بھی سراب کی وجہ سے ہوتا ہے۔



شکل 9.11 (a) ایک مشاہدہ ایک درخت کو اس کے مقام پر اس وقت دیکھتا ہے جب سطح زمین سے اوپر ہوا یکساں درجہ حرارت پر ہے۔ (b) جب سطح زمین سے نزدیک ہوا کی پرتوں کے درجات حرارت مختلف ہیں اور زمین کے بالکل نزدیک سب سے گرم پرتیں ہیں، تو ایک دور کے بیڑے سے آتی ہوئی روشنی کا مکمل اندرونی انعکاس ہو سکتا ہے اور بیڑے کی ظاہرہ شبیہ مشاہدہ کو اس وہم میں ڈال سکتی ہے کہ بیڑے پانی کے تالاب کے نزدیک ہے۔

(ii) **ہیرا (Diamond):** ہیرے اپنی تعجب خیز چمک کے لیے مشہور ہیں۔ ان کی زیادہ تر چمک، ان کے اندر ہونے والے روشنی کے مکمل اندرونی انعکاس کی وجہ سے ہوتی ہے۔ ہیرا ہوا درمیانی رخ کے لیے فاصل زاویہ $(\cong 24.4^\circ)$ بہت چھوٹا ہوتا ہے، اس لیے روشنی جب ایک بار ہیرے کے اندر داخل ہو جاتی ہے تو اس بات کا امکان بہت زیادہ ہے کہ اس روشنی کا اندرونی طور پر مکمل انعکاس ہو۔ قدرتی طور پر پائے جانے والے ہیروں میں وہ چمک شاذ و نادر ہی ہوتی ہے جس کے لیے وہ مشہور ہیں۔ یہ ہیرا تراش کی تکنیکی صلاحیت ہے جو ہیروں کو اتنا چمکدار بناتی ہے۔ ہیروں کو مناسب طور پر تراش کر، کثیر مکمل اندرونی انعکاس کرائے جاسکتے ہیں۔

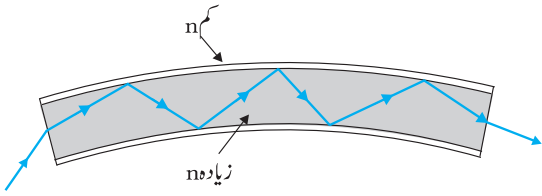


شکل 9.15: کرنوں کو 90° اور 180° سے موڑنے یا بغیر سائز تبدیل کیے شبیہ کو الٹا کرنے کے لیے ڈیزائن کیے گئے منشور مکمل اندرونی انعکاس کا استعمال کرتے ہیں۔

(iii) **منشور (Prism):** روشنی کو 90° یا 180° سے موڑنے کے لیے ڈیزائن کیے گئے منشور (پرزم) مکمل اندرونی انعکاس کا استعمال کرتے ہیں [شکل 9.15(a) اور (b)]۔ ایسے پرزم کو بغیر سائز تبدیل کیے، شبیہ کو الٹا کرنے کے لیے بھی استعمال کیا جاتا ہے [شکل 9.15(c)]۔ پہلی دو صورتوں میں، پرزم کے مادے کے لیے فاصل زاویہ 45° سے کم ہونا لازمی ہے۔ ہم جدول 9.1 میں دیکھ سکتے ہیں کہ کراؤن شیشہ (crown glass) اور کثیف فلٹ شیشہ (Dense flint glass) دونوں کا فاصل زاویہ 45° سے کم ہے۔

کرن نوریات اور نوری آلے

(iv) نوری ریشے (Optical fibres): آج کل آڈیو (سمعی Audio) اور ویڈیو (بصری Video) سگنلوں کی زیادہ لمبے فاصلوں پر ترسیل کے لیے نوری ریشے کثرت سے استعمال ہوتے ہیں۔ نوری ریشے بھی مکمل اندرونی انعکاس کے مظہر کا استعمال کرتے ہیں۔ نوری ریشے عمدہ کوالٹی کے کمپوزٹ شیشہ/کوارٹز ریشوں سے بنائے جاتے ہیں۔ ہر ریشہ ایک قالب اور ایک شاخ (cladding) پر مشتمل ہوتا ہے۔ قالب کے مادے کا انعطاف نما، شاخ (cladding) کے مادے کے انعطاف نما سے زیادہ ہوتا ہے۔



شکل 9.16: روشنی جب ایک نوری ریشے سے گذرتی ہے تو لگاتار مکمل اندرونی انعکاس ہوتے ہیں۔

جب روشنی کی شکل میں ایک سگنل، ریشے کے ایک سرے پر ایک مناسب زاویے پر واقع کیا جاتا ہے تو وہ ریشے کی لمبائی سے گذرتے ہوئے بار بار مکمل اندرونی انعکاس سے گذرتا ہے اور آخر میں دوسرے سرے پر باہر آتا ہے (شکل 9.16)۔ کیونکہ روشنی کا ہر مرحلے پر مکمل اندرونی انعکاس ہوتا ہے، روشنی کے سگنل کی شدت میں کوئی قابل لحاظ نقصان نہیں ہوتا۔ نوری ریشے اس طرح بنائے جاتے ہیں کہ اندرونی سطح کی ایک جانب سے منعکس ہوئی روشنی دوسرے جانب ایسے زاویے پر پڑے جو

فاصل زاویہ سے زائد ہو۔ اگر ریشہ خمیدہ (مڑا ہوا bent) بھی ہو تب بھی روشنی اس کی لمبائی پر بہ آسانی سفر کر سکتی ہے۔ اس طرح ایک نوری ریشے کو ایک نوری پائپ کی طرح استعمال کیا جاسکتا ہے۔

نوری ریشوں کے ایک بنڈل (Bundle) کے کئی استعمال ہیں۔ نوری ریشے، برقی سگنلوں کو نشر کرنے اور وصول کرنے میں بہت زیادہ استعمال ہوتے ہیں۔ ان برقی سگنلوں کو مناسب بدل کاروں (ٹرانس ڈیوسر Transducers) کے ذریعے روشنی میں تبدیل کیا جاتا ہے۔ ظاہر ہے کہ نوری ریشے، نوری سگنلوں کی ترسیل میں بھی استعمال کیے جاسکتے ہیں۔ مثلاً انھیں اندرونی اعضا جیسے غذا کی نالی (Esophagus)، معدہ اور آنتوں وغیرہ کی بصارتی جانچ کے لیے بطور نوری پائپ استعمال کیا جاتا ہے۔ آپ نے ایک عام دستیاب سجاوٹی لیمپ دیکھا ہوگا جس میں پلاسٹک کے ریشے ہوتے ہیں، جن کے آزاد سرے ایک فوارہ جیسی شکل بناتے ہیں۔ ان ریشوں کا دوسرا کنارہ ایک برقی لیمپ سے جڑا ہوتا ہے۔ جب لیمپ کو سوچ آج کیا جاتا ہے تو روشنی ہر ریشے کے نچلے حصے سے اس کے آزاد سرے کی نوک تک ایک نقطے کی شکل میں جاتی ہے۔ اس طرح کے سجاوٹی لیمپوں میں استعمال کیے گئے ریشے نوری ریشے ہوتے ہیں۔

نوری ریشے بنانے کے لیے خاص ضروری شرط یہ ہے کہ روشنی جب ان میں سے، طویل فاصلوں تک، گذرے تو روشنی کا انجذاب (Absorption) بہت کم ہو۔ ایسا کچھ خاص مادوں کی تیاری اور ان کو خالص بنانے کے ذریعے کیا جاسکتا ہے، جیسے کوارٹز۔ سیلیکا گلاس ریشوں میں 1km کی ریشوں کی لمبائی پر روشنی کے 95% حصے کی ترسیل کی جاسکتی ہے۔ (اس کا مقابلہ عام کھڑکی کے 1 کلومیٹر موٹے شیشے کے ٹکڑے سے کیجیے)۔

9.5 کروی سطحوں پر اور عدسوں کے ذریعے انعطاف (REFRACTION AT SPHERICAL SURFACES AND BY LENSES)

SPHERICAL SURFACES AND BY LENSES)

اب تک ہم نے مسطح درمیانی رخ پر انعطاف کا مطالعہ کیا ہے۔ اب ہم دو شفاف واسطوں کے درمیان، کروی درمیانی رخ پر انعطاف کا مطالعہ کریں گے۔ ایک کروی سطح کے ایک لامتناہی خفیف (infinitesimal) حصے کو مسطح مانا جاسکتا ہے اور سطح کے ہر نقطہ پر انعطاف کے وہی قوانین استعمال کیے جاسکتے ہیں۔ جیسا کہ ایک کروی آئینے کے ذریعے انعکاس میں ہوتا ہے، بالکل ویسے ہی انعطاف میں بھی نقطہ وقوع پر کھینچا گیا عماد، کروی سطح پر اس نقطہ پر مماسی مستوی پر عمود ہے اور اس لیے اس کے خمی مرکز سے گزرتا ہے۔ ہم پہلے ایک واحد کروی سطح سے انعطاف کا مطالعہ کریں گے۔ ایک پتلا لینس ایک شفاف نوری واسطہ ہے جو دو سطحوں سے محدود ہے، جن میں سے کم از کم ایک سطح کروی ہونا چاہیے۔ ایک واحد کروی سطح سے شہید بننے کے فارمولے کو باری باری لینس کی دونوں سطحوں پر استعمال کر کے ہم لینس ساز کا فارمولا اور پھر لینس فارمولا حاصل کریں گے۔

9.5.1 ایک کروی سطح پر انعطاف (Refraction at a spherical surface)

شکل 9.17 میں ایک خمی مرکز C اور خمی نصف قطر R کی ایک کروی سطح کے خاص محور پر رکھی ہوئی شے O کی شبیہ I بننے کی جیومیٹری دکھائی گئی ہے۔ کریں، ایک n_1 انعطاف نما کے واسطے سے n_2 انعطاف نما کے واسطے پر واقع ہیں۔ پہلے کی طرح ہم سطح کے روزن (aperture) [یا عرضی سائز lateral size] کو دوسرے شامل فاصلوں کے مقابلے میں بہت چھوٹا مان لیتے ہیں تاکہ چھوٹے زاویہ کا تقرب (approximation) استعمال کیا جاسکے۔ خاص طور پر NM کو نقطہ N سے خاص محور پر ڈالے گئے عمود کی لمبائی کے تقریباً برابر مانا جائے گا۔

چھوٹے زاویے کے لیے ہمارے پاس ہے:

$$\tan \angle NOM = \frac{MN}{OM}$$

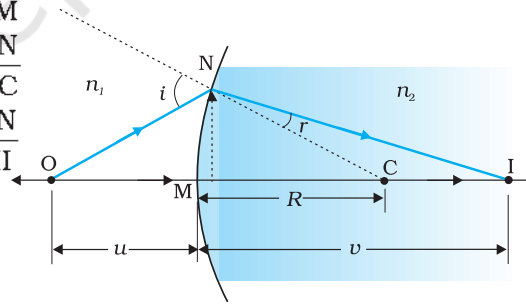
$$\tan \angle NCM = \frac{MN}{MC}$$

$$\tan \angle NIM = \frac{MN}{MI}$$

اب $\triangle NOC$ کے لیے باہری زاویہ (exterior angle) ہے، اس لیے:

$$i = \angle NOM + \angle NCM$$

$$i = \frac{MN}{OM} + \frac{MN}{MC} \quad (9.13)$$



شکل 9.17: دو واسطوں کو علاحدہ کرنے والی کروی سطح پر انعطاف

اسی طرح،

$$r = \angle NCM - \angle NIM$$

$$r = \frac{MN}{MC} - \frac{MN}{MI} \quad (9.14)$$

اب، اسٹینیل کے قانون سے:

$$n_1 \sin i = n_2 \sin r$$

یا، چھوٹے زاویوں کے لیے

روشنی کے وسیلے اور فوٹومیٹری

(LIGHT SOURCES AND PHOTOMETRY)

یہ معلوم ہے کہ مطلق صفر (Absolute zero) سے اوپر ایک جسم برقی-مقناطیسی شعاعیں خارج کرتا ہے۔ ایک جسم کس طول لہر علاقے میں شعاعیں خارج کرے گا یہ اس کے مطلق درجہ حرارت پر منحصر ہے۔ ایک گرم جسم، جیسے ٹنگسٹن فلامنٹ لیپ، جس کا درجہ حرارت 2850 K ہوتا ہے، کے ذریعے خارج کی گئی شعاعیں، جزوی طور پر غیر بصارتی (invisible) اور زیادہ تر زیریں سرخ (یا حرارت) علاقے میں ہوتی ہیں۔ جیسے جیسے جسم کے درجہ حرارت میں اضافہ ہوتا ہے، اس کے ذریعے خارج کی گئی شعاعیں بصری علاقے میں آجاتی ہیں۔ سورج، جس کا درجہ حرارت 5500 K ہے، ایسی شعاعیں خارج کرتا ہے، جن کا توانائی بمقابلہ طول موج گراف کا فرائز تقریباً 550nm پر ہوتا ہے جو ہری روشنی کے مطابق ہے اور بصارتی علاقے کے تقریباً وسط میں ہے۔ ایک دے ہوئے جسم کے، توانائی بمقابلہ طول موج گراف کا فرائز کسی ایک طول لہر پر حاصل ہوگا، جو اس جسم کے درجہ حرارت کے مقلوب متناسب ہے۔

روشنی، جس طرح انسانی آنکھ محسوس کرتی ہے، کی پیمائش فوٹومیٹری کہلاتی ہے۔ فوٹومیٹری ایک علم الاعضاء کے (Physiological) مظہر کی پیمائش ہے، یعنی کہ روشنی کا مہج (Stimulus) جس طرح انسانی آنکھ وصول کرتی ہے، نوری رگوں (Optic nerves) سے جیسے اس کی ترسیل ہوتی ہے اور پھر انسانی دماغ اس کا تجزیہ کرتا ہے۔ فوٹومیٹری میں اہم طبعی مقادیر ہیں: (i) ماخذ (Source) کی درخشاں شدت (Luminous intensity) (ii) درخشاں فلکس (Luminous flux) یا ماخذ سے روشنی کا بہاؤ (iii) سطح کی روشنیت (Illuminance) درخشاں شدت (I) کی SI اکائی کنڈیلا [Candela (cd)] ہے۔ کنڈیلا، دی ہوئی سمت میں اس ماخذ کی درخشاں شدت ہے جو 540×10^{12} Hz تعدد کی ایک رنگی (Monochromatic) شعاعیں خارج کرتا ہے اور جس کی اس سمت میں انتقامی شدت $1/683$ (Radiant Intensity) واٹ فی اسٹیریڈین (Watt per steradian) ہے۔ اگر ایک روشنی کا ماخذ، ایک اسٹیریڈین کے ٹھوس زاویہ (Solid angle) میں ایک کنڈیلا درخشاں شدت خارج کرتا ہے تو اس ٹھوس زاویہ میں کل خارج ہوا درخشاں فلکس ایک لیومن [Lumen (lm)] ہے۔ ایک 100 واٹ کا معیاری تاباں (Incandescent) بلب تقریباً 1700 لیومن خارج کرتا ہے۔

فوٹومیٹری میں، واحد مقدار (پیرامیٹر Parameter) جو براہ راست ناپی جاسکتی ہے، روشنیت ہے۔ اس کی تعریف اس طرح کی جاتی ہے کہ یہ ایک سطح پر فی اکائی رقبہ واقع درخشاں فلکس ہے $\left[\frac{\text{lm}}{\text{m}^2} \right]$ یا لکس]۔ زیادہ تر روشنی کے میٹراسی ارکوناپتے ہیں۔ درخشاں شدت I کے ماخذ کے ذریعہ پیدا شدہ روشنیت E، دی جاتی ہے: $E = \frac{I}{r^2}$ ، جہاں r سطح کا ماخذ سے عمادی فاصلہ ہے۔ ایک مقدار، جو درخشاں شدت L (luminance) کہلاتی ہے، خارج یا منعکس کرنے والی چمٹی سطحوں کی مچھک مخصوص کرنے کے لیے استعمال کی جاتی ہے۔ اس کی اکائی (cd/m^2) ہے [جسے صنعتی میدان میں نٹ (nit) بھی کہتے ہیں]۔ ایک اچھے LCD کمپیوٹر مانیٹر کی چمک تقریباً 250 nits ہوتی ہے۔

$$n_1 i = n_2 r$$

مساوات (9.13) سے i اور مساوات (9.14) سے r کی قدر رکھنے پر ہم دیکھتے ہیں

$$\frac{n_1}{\text{OM}} \cdot \frac{n_2}{\text{MI}} = \frac{n_2}{\text{MC}} \cdot \frac{n_1}{\text{MC}} \quad (9.15)$$

یہاں OM، MI اور MC فاصلوں کی عددی قدروں کو ظاہر کرتے ہیں۔ کارٹیزی علامت قرارداد استعمال کرتے ہوئے:

$$\text{OM} = -u, \text{MI} = +v, \text{MC} = +R$$

انہیں مساوات (9.15) میں رکھنے پر، ہم دیکھتے ہیں

$$\frac{n_2}{v} - \frac{n_1}{u} = \frac{n_2 - n_1}{R} \quad (9.16)$$

مساوات (9.16) ہمیں شے اور شبیہ کے فاصلے کے درمیان، واسطوں کے انعطاف نما اور کروی سطح کے خمی نصف قطر کی شکل میں، رشتہ دیتی ہے۔ یہ رشتہ کسی بھی خمی کروی سطح کے لیے درست ہے۔

مثال 9.6: ہوا میں رکھے ہوئے ایک نقطہ وسیلے (Point source) سے روشنی ایک کروی شبیہ کی سطح

شبیہ کس مقام پر بنے گی۔ خمی نصف قطر پر پڑتی ہے۔ روشنی کے وسیلے کا شبیہ کی سطح سے فاصلہ 100cm ہے۔

شبیہ کس مقام پر بنے گی۔

حل: ہم مساوات (9.16) استعمال کرتے ہیں: یہاں

$$n_2 = 1.5, n_1 = 1, R = +20 \text{ cm}, v = ?, u = -100 \text{ cm}$$

اب ہمیں ملتا ہے:

$$\frac{1.5}{v} + \frac{1}{100} = \frac{0.5}{20}$$

$$v = +100 \text{ cm} \quad \text{یا}$$

شبیہ، شبیہ کی سطح سے 100cm کے فاصلے پر، واقع روشنی کی سمت میں، بنے گی۔

مثال 9.6

9.5.2 ایک لینس کے ذریعے انعطاف (Refraction by a lens)

شکل 9.18(a) میں ایک دوہرے حدبئی لینس (double convex lens) سے شبیہ بننے کی جیومیٹری دکھائی گئی

ہے۔ شبیہ بننے کے عمل کو دو اقدامات میں دیکھا جاسکتا ہے: (i) پہلی انعطاف کرنے والی سطح شے O کی شبیہ I₁ بناتی

ہے۔ [شکل 9.18(b)] (ii) شبیہ I₁ دوسری سطح کے لیے ایک غیر حقیقی شے کی طرح کام کرتی ہے اور یہ سطح شبیہ I بناتی

ہے [شکل 9.18(c)]۔ پہلے درمیانی رخ ABC پر مساوات (9.15) استعمال کرتے ہوئے، ہمیں حاصل ہوتا ہے:

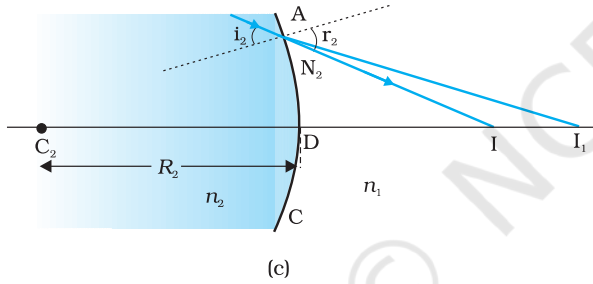
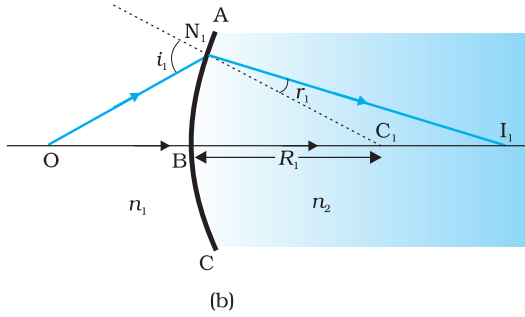
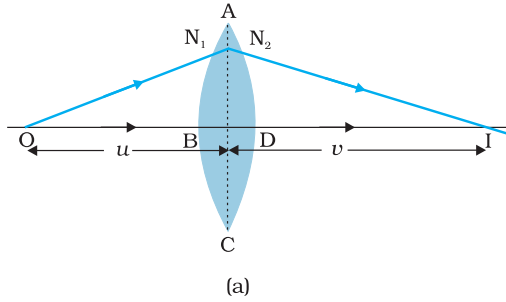
$$\frac{n_1}{OB} + \frac{n_2}{BI_1} = \frac{n_2 - n_1}{BC_1} \quad (9.17)$$

دوسرے درمیانی رخ ADC* پر یکساں طریقہ کار سے:

*نوٹ کریں کہ اب ADC کے دائیں جانب والے واسطے کا انعطاف نما n₁ ہے اور اس کے بائیں جانب والے واسطے کا n₂ ہے۔ مزید یہ

کہ DI₁ منفی ہے کیونکہ فاصلہ واقع روشنی کی مخالف سمت میں ناپا جا رہا ہے۔

کرن نوریات اور نوری آلے



شکل 9.18 (a) ایک دوہرے حدبلی لینس کے لیے شے اور شبیہ کے مقام
(b) پہلی کروی سطح پر انعطاف
(c) دوسری کروی سطح پر انعطاف

$$-\frac{n_2}{DI_1} + \frac{n_1}{DI} = \frac{n_2 - n_1}{DC_2} \quad (9.18)$$

ایک پتلے لینس کے لیے، $BI_1 = DI_1$ ، مساوات (9.17) اور

مساوات (9.18) کو جمع کرنے پر

$$\frac{n_1}{OB} + \frac{n_1}{DI} = (n_2 - n_1) \left(\frac{1}{BC_1} + \frac{1}{DC_2} \right) \quad (9.19)$$

فرض کیجیے کہ شے لاناہتا (infinity) پر ہے، یعنی کہ $OB \rightarrow \infty$ اور

$DI = f$ ، مساوات (9.19) سے:

$$\frac{n_1}{f} = (n_2 - n_1) \left(\frac{1}{BC_1} + \frac{1}{DC_2} \right) \quad (9.20)$$

لائتہا ہی فاصلے پر رکھی ہوئی شے کی شبیہ جس نقطے پر بنتی ہے وہ

لینس کا فوکلنس F کہلاتا ہے اور یہ فاصلہ f اس کا فوکلنس فاصلہ (focal length)

ہے۔ ایک لینس کے دو فوکلنس ہوتے ہیں، F اور F'، ایک لینس کے ایک

طرف اور دوسرا دوسری طرف (شکل 9.19)۔ علامت قرارداد کے مطابق:

$$BC_1 = +R_1,$$

$$DC_2 = -R_2$$

اس لیے مساوات (9.20) کو اس طرح لکھا جاسکتا ہے:

$$\frac{1}{f} = (n_{21} - 1) \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right) \quad \left(\because n_{21} = \frac{n_2}{n_1} \right) \quad (9.21)$$

مساوات (9.21) لینس ساز کا فارمولا کہلاتی ہے۔ مطلوبہ فوکلنس لمبائی کے

لینسوں کو ڈیزائن کرنے کے لیے مناسب خمی نصف قطروں کی سطحیں استعمال

کرنا کارآمد ہے۔ نوٹ کریں کہ فارمولا ایک جوئی لینس کے لیے بھی درست

ہے۔ اس صورت میں R_1 منفی ہے اور R_2 مثبت ہے، اس لیے f منفی ہے۔ مساوات (9.19) اور مساوات (9.20)

سے ہمیں حاصل ہوتا ہے:

$$\frac{n_1}{OB} + \frac{n_1}{DI} = \frac{n_1}{f} \quad (9.22)$$

کیونکہ پتلے لینس کے تقرب میں B اور D دونوں نوری مرکز کے بہت نزدیک ہیں۔ علامتی قرارداد استعمال کرتے ہوئے:

$BO = -u$, $DI = +v$ ہمیں حاصل ہوتا ہے:

$$\frac{1}{v} - \frac{1}{u} = \frac{1}{f} \quad (9.23)$$

مساوات (9.23) معروف ”پتلا لینس فارمولاً“ حدبئی اور جوئی دونوں لینسوں کے لیے اور ساتھ ساتھ حقیقی اور غیر حقیقی دونوں قسم کی شبیہ کے لیے درست ہے۔

یہ بتا دینا فائدہ مند ہوگا کہ ایک دوہرے حدبئی یا دوہرے جوئی لینس کے دونوں فوکس، F اور F' ، نوری مرکز سے مساوی فاصلے پر ہوتے ہیں۔ جو فوکس روشنی کے ماخذ (شروعاتی original) کی جانب ہوتا ہے پہلا فوکس نقطہ کہلاتا ہے اور دوسرا فوکس، دوسرا فوکس نقطہ کہلاتا ہے۔

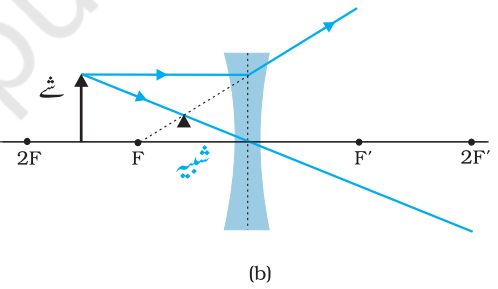
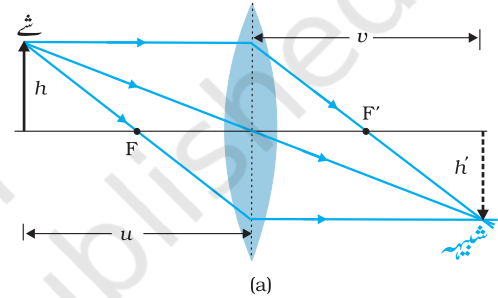
ایک شے کی ایک لینس کے ذریعے بننے والی شبیہ معلوم کرنے کے لیے، ہم اصولی طور پر روشنی کے ایک نقطے سے

نکلنے والی کوئی بھی دو کرنیں لے کر، انعطاف کے قوانین کے مطابق ان کے ذریعے اختیار کیے گئے راستے پر سے گذرتے ہوئے وہ نقطہ معلوم کر سکتے ہیں، جہاں دونوں منعطف کرنیں ملتی ہیں (یا ملتی ہوئی معلوم ہوتی ہیں)۔ لیکن عملی صورتوں میں، مندرجہ ذیل کرنوں میں سے کن ہی دو کو منتخب کرنے سے سہولت رہتی ہے۔

(i) شے سے، لینس کے خاص محور کے متوازی، نکلنے والی کرن انعطاف کے بعد دوسرے خاص فوکس F' (ایک حدبئی لینس میں) سے گذرتی ہے یا پہلے خاص فوکس F سے (ایک جوئی لینس میں) غیر مرکز ہوتی ہوئی معلوم ہوتی ہے۔

(ii) روشنی کی وہ کرن جو لینس کے نوری مرکز سے گذرتی ہے، انعطاف کے بعد بغیر کسی انحراف کے گذر جاتی ہے۔

(iii) روشنی کی وہ کرن جو پہلے خاص فوکس سے گذر رہی ہو (ایک حدبئی لینس کے لیے) یا اس پر ملتی ہوئی معلوم ہوتی ہو (ایک جوئی لینس کے لیے)، انعطاف کے بعد خاص محور کے متوازی ہو جاتی ہے۔



شکل 9.19: کرنوں کے ذریعے اختیار کیا گیا راستہ

(a) حدبئی لینس سے گذرتے ہوئے

(b) جوئی لینس سے گذرتے ہوئے

شکل 9.19 (a) اور (b) میں ان قاعدوں کو، بالترتیب، ایک حدبئی اور ایک جوئی لینس کے

لیے دکھایا گیا ہے۔ آپ لینس کے لحاظ سے شے کی مختلف مقامات کے لیے اسی طرح کی کرن ڈائیگرام کھینچنے کی مشق کریں اور یہ بھی تصدیق کریں کہ لینس فارمولاً، مساوات (9.23) تمام صورتوں میں درست ہے۔

یہاں پر بھی یہ یاد رکھنا چاہیے کہ شے کے ہر نقطے سے کرنوں کی لامتناہی تعداد نکلتی ہے۔ یہ تمام کرنیں لینس سے منعطف ہونے کے بعد اسی شبیہ نقطے سے گذریں گی۔

ایک آئینے کی طرح، ایک لینس سے پیدا ہونے والی تکبیر (Magnification) کی تعریف بھی، شبیہ کے سائز کی

شے کے سائز سے نسبت، کی شکل میں کی جاتی ہے۔ اگر ہم اسی طرح آگے بڑھیں، جیسے کروئی آئینوں کی صورت میں

کرن نوریات اور نوری آلے

بڑھے تھے، تو ہم بہ آسانی حاصل کر سکتے ہیں کہ ایک لینس کے لیے

$$m = \frac{h'}{h} = \frac{v}{u} \quad (9.24)$$

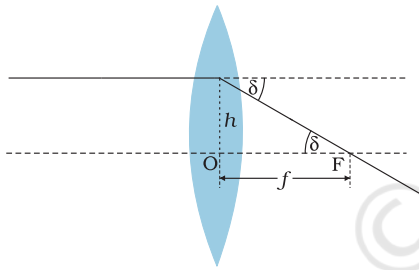
جب ہم علامت قرارداد استعمال کرتے ہیں، تو ہم دیکھتے ہیں کہ ایک سیدھی (اور غیر حقیقی) شبیہ کے لیے، جو ایک جو پلینس سے بنی ہو یا حدی لینس سے، m مثبت ہے، جب کہ ایک الٹی (اور حقیقی) شبیہ کے لیے m منفی ہے۔

مثال 9.7

مثال 9.7: ایک جادوگر نے جادو دکھاتے ہوئے ایک رقیق سے بھرے برتن میں ایک شیشے کا لینس جس کا $n = 1.47$ تھا، غائب کر دیا۔ اس رقیق کا انعطاف نما کیا ہے؟ کیا وہ رقیق پانی ہو سکتا ہے؟
حل: لینس کے غائب ہوجانے کے لیے رقیق کا انعطاف نما بھی 1.47 ہونا چاہیے۔ اس کا مطلب ہوا $n_1 = n_2$ اس سے حاصل ہوتا ہے: $1/f \rightarrow \infty$ یا $f \rightarrow \infty$ ، اس طرح رقیق کے اندر لینس، شیشے کے ایک مسطح ٹکڑے کی طرح برتاؤ کرے گا۔ نہیں، رقیق پانی نہیں ہے۔ یہ گلیسرین ہو سکتی ہے۔

9.5.3 ایک لینس کی پاور (Power of a lens)

ایک لینس کی پاور اس مرکزیت (convergence) یا غیر مرکزیت (divergence) کا ناپ ہے جو لینس اس پر پڑ رہی روشنی میں پیدا کرتا ہے۔ ظاہر ہے کہ ایک مقابلتا کم فوکس فاصلہ کا لینس، مرکز کرنے میں واقع روشنی کو زیادہ موڑتا ہے، اگر لینس حدی ہے اور غیر مرکز کرنے میں زیادہ موڑتا ہے اگر لینس جونی ہے۔ ایک لینس کی پاور P کی تعریف اس طرح کی جاتی ہے کہ یہ اس زاویے کا ظل زاویہ (tangent) ہے، جس سے اپنے نوری مرکز سے اکائی فاصلے پر پڑ رہی روشنی کی ایک شعاع کو وہ لینس مرکز یا غیر مرکز کرتا ہے۔



شکل 9.20: ایک لینس کی پاور

(شکل 9.20)
 لیے: $\delta = \frac{1}{f}$ اگر $\tan \delta = \frac{h}{f}$ یا $\tan \delta = \frac{1}{f}$ یا $\tan \delta = \frac{1}{f}$ کی چھوٹی قدروں کے

$$P = \frac{1}{f} \quad (9.25)$$

ایک لینس کی پاور کی SI اکائی diopetre (ڈائی آپٹر) (D) ہے: $1 \text{ m}^{-1} = 1 \text{ D}$ فوکس فاصلے کے لینس کی پاور ایک ڈائی آپٹر ہے۔ ایک مرکز لینس کی پاور مثبت ہوتی ہے اور ایک غیر مرکز لینس کی منفی۔ اس لیے جب ایک چشمہ ساز 2.5 D پاور کا لینس تجویز کرتا ہے تو مطلوبہ لینس، فوکس فاصلہ +40 cm کا ایک حدی لینس ہوتا ہے۔ D (-4.0) پاور کے لینس کا مطلب ہے، فوکس دوری (-25 cm) کا جونی لینس۔

مثال 9.8

مثال 9.8: ایک شیشے کے لینس کی اگر $f = 0.5 \text{ m}$ ہو تو لینس کی پاور کیا ہوگی؟ (ii) ایک دوہرے حدی لینس کے رخنوں کے خمی نصف قطر 10 cm اور 15 cm ہیں۔ اس کا فوکس فاصلہ 12 cm ہے۔ شیشہ کا انعطاف نما کیا

ہے؟ (iii) ایک حدبلی لینس کا ہوا میں فوکس فاصلہ 20cm ہے۔ اس کا پانی میں فوکس فاصلہ کیا ہوگا؟ (ہوا۔ پانی کا انعطاف نما = 1.33، ہوا۔ شیشہ کا انعطاف نما = 1.5)

حل:

$$(i) \text{ پاور} = +2 \text{ dioptre}$$

(ii) یہاں ہمارے پاس ہے: $f = +12 \text{ cm}$ ، $R_1 = +10 \text{ cm}$ ، $R_2 = -15 \text{ cm}$ ہوا کے انعطاف نما کو لیا جاتا ہے۔

ہم مساوات (9.22) کا فارمولا استعمال کرتے ہیں f ، R_1 اور R_2 کے لیے علامت قرارداد استعمال کرنا ہوگی۔ ان کی قدروں کو مساوات (9.22) میں رکھنے پر، ہمیں حاصل ہوتا ہے:

$$\frac{1}{12} = (n - 1) \left(\frac{1}{10} - \frac{1}{-15} \right)$$

اس سے حاصل ہوتا ہے: $n = 1.5$

(iii) ہوا میں ایک شیشے کے لینس کے لیے: $n_1 = 1$ ، $n_2 = 1.5$ ، $f = +20 \text{ cm}$ ، اس لیے لینس فارمولے سے حاصل ہوتا ہے:

$$\frac{1}{20} = 0.5 \left[\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right]$$

اسی شیشے کے لینس کے لیے، پانی میں: $n_1 = 1.33$ ، $n_2 = 1.5$ ، اس لیے

$$\frac{1.33}{f} = (1.5 - 1.33) \left[\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right] \quad (9.26)$$

ان دونوں مساواتوں کو ملانے پر، ہمیں ملتا ہے $f = +78.2 \text{ cm}$

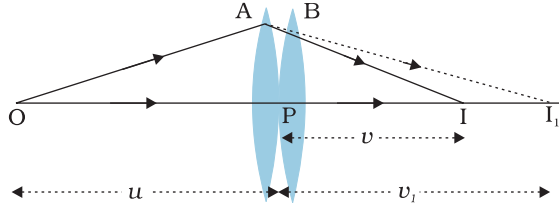
9.5.4 تماس میں آئے پتلے لینسوں کا اجتماع

(Combination of thin lenses in contact)

دو پتلے لینس A اور B لیجیے، جن کے فوکس فاصلے، بالترتیب، f_1 اور f_2 ہیں اور جو ایک دوسرے کے ساتھ تماس (contact) میں ہیں۔ فرض کیجیے شے ایک ایسے نقطہ O پر رکھی ہوئی ہے جو پہلے لینس A کے فوکس سے آگے ہے (شکل 9.21)۔ پہلا لینس ایک شبیہ I_1 پر بناتا ہے۔ کیونکہ شبیہ I_1 حقیقی ہے، اس لیے یہ دوسرے لینس B کے لیے ایک غیر حقیقی شے کا کام کرتی ہے، اور آخری شبیہ I پر بنتی ہے۔ لیکن یہ بات ضرور ذہن میں رکھنی چاہیے کہ پہلے لینس کے ذریعے شبیہ بننے کو صرف اس لیے فرض کیا جا رہا ہے تاکہ آخری شبیہ (Final Image) کے مقام کو معلوم کرنے میں سہولت رہے۔ دراصل، پہلے لینس سے باہر آنے والی کرنوں کی سمت، وہ جس زاویے پر دوسرے لینس سے ٹکراتی ہیں، اس کے

کرن نوریات اور نوری آلے

مطابق تبدیل ہو جاتی ہے۔ کیونکہ دونوں لینس بہت پتلے ہیں، اس لیے ہم ان کے نوری مراکز کو ایک دوسرے پر منطبق (coincident) مان لیتے ہیں۔ فرض کیجیے یہ مرکزی نقطہ P سے ظاہر کیا جاتا ہے۔



شکل 9.21: ایک دوسرے کے تماس میں آئے دو پتلے لینسوں کے اجتماع سے شبیہ بنانا

پہلے لینس A کے ذریعے بنی شبیہ کے لیے، ہمیں حاصل ہوتا ہے:

$$\frac{1}{v_1} - \frac{1}{u} = \frac{1}{f_1} \quad (9.27)$$

دوسرے لینس B کے ذریعے بنی شبیہ کے لیے، ہمیں حاصل ہوتا ہے:

$$\frac{1}{v} - \frac{1}{v_1} = \frac{1}{f_2} \quad (9.28)$$

مساوات (9.27) اور مساوات (9.28) کو جمع کرنے پر، حاصل ہوتا ہے:

$$\frac{1}{v} - \frac{1}{u} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2} \quad (9.29)$$

اگر دو لینس - نظام کو فوکس دوری f کے ایک واحد لینس کے مرادف مانا جائے، تو ہمارے پاس ہے:

$$\frac{1}{v} - \frac{1}{u} = \frac{1}{f}$$

اس لیے ہمیں حاصل ہوتا ہے:

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2} \quad (9.30)$$

مشق کرنے کا یہ طریقہ، ایک دوسرے کے تماس میں آئے، پتلے لینسوں کی کسی بھی تعداد کے لیے درست ہے۔ اگر فوکس فاصلے: f_1, f_2, f_3, \dots کے متعدد لینس ایک دوسرے سے تماس میں ہیں تو ان کے اجتماع کا موثر فوکس فاصلہ دیا جاتا ہے:

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2} + \frac{1}{f_3} + \dots \quad (9.31)$$

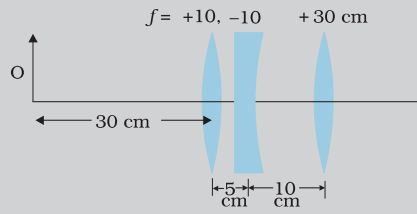
پاور کی شکل میں، مساوات (9.31) لکھی جاسکتی ہے:

$$P = P_1 + P_2 + P_3 + \dots \quad (9.32)$$

جہاں P لینسوں کے اجتماع کی کل پاور ہے۔ نوٹ کریں کہ مساوات (9.32) میں حاصل جمع، انفرادی پاوروں کا الجبرائی حاصل جمع ہے، اس لیے دائیں جانب کے کچھ ارکان مثبت ہو سکتے ہیں (حد بلی لینسوں کے لیے) اور کچھ منفی (جوئی لینسوں کے لیے)۔ لینسوں کے اجتماع سے درکار تکبیر کے مرکوز اور غیر مرکوز لینس حاصل کرنے میں مدد ملتی ہے۔ اس سے شبیہ کے نمایاں ہونے (Sharpness) میں بھی اضافہ ہوتا ہے۔ کیونکہ پہلے لینس کے ذریعے بنی شبیہ دوسرے لینس کے لیے شے بن جاتی ہے۔ مساوات (9.25) سے اخذ کیا جاسکتا ہے کہ اجتماع کی کل تکبیر m، انفرادی لینسوں کی تکبیر (m_1, m_2, m_3, \dots) کا حاصل ضرب ہے۔

لینسوں کے اجتماع کا ایسا نظام، کیمروں، خوردبینوں، دوربینوں اور دوسرے نوری آلات کے لینسوں کو ڈیزائن کرنے میں، عام طور سے استعمال کیا جاتا ہے۔

مثال 9.9: شکل 9.22 میں دکھائے گئے لینس - اجتماع کے ذریعے بنی شبیہ کا مقام معلوم کیجیے۔
حل: پہلے لینس کے ذریعے بنی شبیہ:



شکل 9.22

$$\frac{1}{v_1} - \frac{1}{u_1} = \frac{1}{f_1}$$

$$\frac{1}{v_1} - \frac{1}{-30} = \frac{1}{10}$$

$$v_1 = 15 \text{ cm} \quad \text{یا}$$

پہلے لینس کے ذریعے بنی شبیہ دوسرے لینس کے لیے شے کا کام کرتی ہے۔ یہ دوسرے لینس کے دائیں جانب اس سے $(15-5) \text{ cm} = 10 \text{ cm}$ کے فاصلے پر ہے۔ حالانکہ شبیہ حقیقی ہے، یہ دوسرے لینس کے لیے ایک غیر حقیقی شے کا کام کرتی ہے، جس کا مطلب ہے کہ دوسرے لینس کے لیے، اس سے کرنیں آتی ہوئی معلوم ہوتی ہیں۔

$$\frac{1}{v_2} - \frac{1}{10} = \frac{1}{-10}$$

$$v_2 = \infty \quad \text{یا}$$

غیر حقیقی شبیہ، دوسرے لینس کے بائیں طرف، اس سے لامتناہی فاصلے پر بنتی ہے۔ یہ تیسرے لینس کے لیے

ایک شے کا کام کرتی ہے۔

$$\frac{1}{v_3} - \frac{1}{u_3} = \frac{1}{f_3}$$

$$\frac{1}{v_3} = \frac{1}{\infty} + \frac{1}{30} \quad \text{یا}$$

$$v_3 = 30 \text{ cm} \quad \text{یا}$$

اختتامی شبیہ، تیسرے لینس کے دائیں طرف، اس سے 30 cm کے فاصلے پر بنتی ہے۔

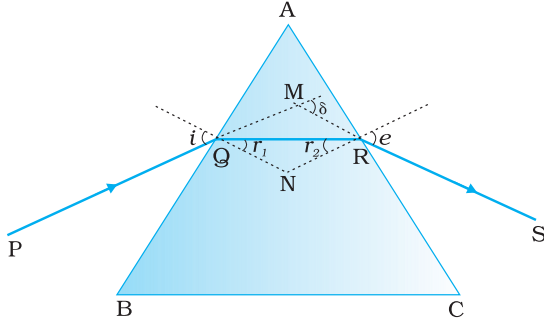
مثال 9.9

9.6 ایک منشور سے انعطاف (REFRACTION THROUGH A PRISM)

شکل 9.23 میں ایک مثلث نما منشور ABC (Triangular prism) سے روشنی کا گزرنا دکھایا گیا ہے۔ پہلے رخ

کرن نوریات اور نوری آلے

AB پر زاویہ وقوع اور زاویہ انعطاف i اور r_1 ہیں جب کہ دوسرے رخ AC پر زاویہ وقوع (شیشے سے ہوا میں) ہے r_2 اور زاویہ انعطاف یا زاویہ نمود (Emergence) e ہے۔ نمودی کرن RS (Emergent ray) اور واقع کرن PQ کی سمت کے درمیان زاویہ، زاویہ انحراف δ کہلاتا ہے۔



شکل 9.23: ایک مثلث شیشے کے پرمز سے گزرتی ہوئی روشنی کی ایک کرن

چار ضلعی AQNR (Quadrilateral) میں دو زاویے (Q اور R راسوں پر)، قائم زاویہ ہیں۔ اس لیے چار ضلعی کے باقی دو زاویوں کا حاصل جمع 180° ہے۔

$$\angle A + \angle QNR = 180^\circ$$

مثلاً QNR سے:

$$r_1 + r_2 + \angle QNR = 180^\circ$$

ان دونوں مساواتوں کا مقابلہ کرنے پر، ہمیں حاصل ہوتا ہے:

$$r_1 + r_2 = A \quad (9.34)$$

کل انحراف δ ، دونوں رنوں پر پیدا ہوئے انحراف کا حاصل جمع ہے: یعنی کہ

$$\delta = (i - r_1) + (e - r_2) \quad (9.35)$$

اس لیے، زاویہ انحراف، زاویہ وقوع پر منحصر ہے۔ زاویہ انحراف اور زاویہ وقوع کے درمیان ایک گراف شکل 9.24

میں دکھایا گیا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ، عمومی طور پر، δ کی کوئی بھی دی ہوئی قدر، سوائے $i = e$ کے، i کی اور اس

لیے e کی دو قدروں کے مطابق ہے۔ یہ، دراصل، مساوات (9.35) میں i اور

کے تشاکل سے، یعنی کہ، اگر i اور e کو آپس میں بدل دیا جائے تو δ وہی رہتا ہے،

امید بھی کی جاتی ہے۔ طبعی طور پر اس کا تعلق اس حقیقت سے ہے کہ شکل (9.23) میں

دکھائے گئے کرن راستے کو واپس طے کیا جاسکتا ہے، جس کے نتیجے میں یکساں زاویہ

انحراف حاصل ہوگا۔ اقل انحراف (D_m minimum deviation) پر، پرمز کے

اندر منعطف کرن پرمز کے قاعدہ (Base) کے متوازی ہو جاتی ہے۔

ہمارے پاس ہے: $r_1 = r_2$ ، $i = e$ ، $\delta = D_m$ ، جس سے اخذ کیا جاسکتا ہے:

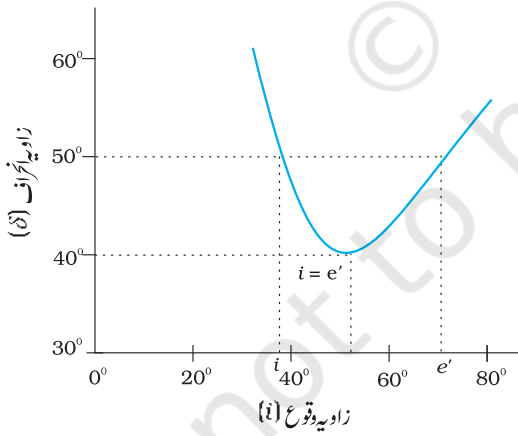
مساوات (9.34) سے حاصل ہوتا ہے:

$$r = \frac{A}{2} \quad \text{یا} \quad 2r = A \quad (9.36)$$

اسی طرح، مساوات (9.35) سے حاصل ہوتا ہے:

$$i = \frac{A + D_m}{2} \quad \text{یا} \quad D_m = 2i - A \quad (9.37)$$

پرمز کا انعطاف نما ہے:



9.24 ایک مثلث نما پرمز کے لیے زاویہ انحراف (δ) بر خلاف زاویہ وقوع (i) گراف

$$n_{21} = \frac{n_2}{n_1} = \frac{\sin[(A + D_m)/2]}{\sin[A/2]} \quad (9.38)$$

زاویہ A اور زاویہ D_m تجربے کے ذریعے ناپے جاسکتے ہیں۔ اس طرح مساوات (9.38) پرزم کے مادے کا انعطاف نما معلوم کرنے کا طریقہ فراہم کرتی ہے۔

ایک چھوٹے زاویے کے پرزم، یعنی کہ ایک پتلے پرزم کے لیے D_m بھی بہت چھوٹا ہوگا اور ہمیں حاصل ہوتا ہے:

$$n_{21} = \frac{\sin[(A + D_m)/2]}{\sin[A/2]} \approx \frac{(A + D_m)/2}{A/2}$$

$$D_m = (n_{21} - 1)A$$

اس کا مطلب ہوا کہ پتلے پرزم روشنی کو زیادہ منحرف نہیں کرتے۔

9.7 سورج کی روشنی کے کچھ قدرتی مظاہر

(SOME NATURAL PHENOMENA DUE TO SUNLIGHT)

اب ہم جانتے ہیں کہ رنگ روشنی کی طول لہر سے منسلک ہے۔ بصارتی طیف میں، لال روشنی لمبے طول لہر سے (700nm ~) پرہوتی ہے جب کہ اودی روشنی، مختصر طول لہر سے (400nm ~) پرہوتی ہے۔ انکسار اس لیے ہوتا ہے کیونکہ مختلف طول لہر (رنگوں) کے لیے واسطے کا انعطاف نما مختلف ہوتا ہے۔ مثلاً، سفید روشنی کا لال جز سب سے کم مڑتا ہے جب کہ اودا جز سب سے زیادہ مڑتا ہے۔ مثال کے طور پر، شیشے کے پرزم میں لال روشنی، اودی روشنی سے زیادہ تیزی سے گزرتی ہے۔ جدول 9.2 میں کراؤن شیشہ اور فلینٹ (Flint) شیشہ کے مختلف طول موج کے لیے انعطاف نما دیے گئے ہیں۔ موٹے لینسوں کو کئی پرزموں سے بنا ہوا مانا جاسکتا ہے، اس لیے موٹے لینسوں میں روشنی کے انکسار کی وجہ سے رنگی فنکٹ (Chromatic aberration) پیدا ہو جاتا ہے۔ جب سفید روشنی موٹے لینسوں سے گزرتی ہے تو لال اور نیلے رنگ مختلف نقطوں پر فوکس ہوتے ہیں۔ یہ مظہر رنگی فنطور کہلاتا ہے۔

جدول 9.2: مختلف طول لہر کے لیے انعطاف نما

رنگ	طول لہر (nm)	کراؤن شیشہ	فلینٹ شیشہ
اودا	396.9	1.533	1.669
نیلا	486.1	1.523	1.639
پیلا	589.3	1.517	1.627
لال	656.3	1.515	1.622



کرن نوریات اور نوری آلے

طولی موج کے ساتھ انعطاف نما کی تبدیلی کچھ واسطوں میں دوسرے واسطوں سے زیادہ واضح ہو سکتی ہے۔ خلا میں، بے شک، روشنی کی شمال طولی لہر کے تابع نہیں ہے۔ اسی لیے خلا (یا تقریبی طور پر ہوا) ایک غیر انکساری واسطہ (Non-dispersive medium) ہے، جس میں تمام رنگ یکساں چال سے سفر کرتے ہیں۔ یہ اس حقیقت سے بھی اخذ کیا جاسکتا ہے کہ سورج کی روشنی ہم تک سفید روشنی کی شکل میں پہنچتی ہے، اس کے اجزا کی شکل میں نہیں۔ دوسری طرف، شیشہ ایک انکساری واسطہ ہے۔

روشنی اور ہمارے اردگرد کی اشیاء کے باہم عمل سے کئی خوبصورت مظاہر سامنے آتے ہیں۔ ہم اپنے اردگرد ہر وقت جو رنگوں کی دنیا دیکھتے ہیں یہ صرف سورج کی روشنی کی وجہ سے ہی ممکن ہوتی ہے۔ آسمان کی نیلا ہٹ، سفید بادل، طلوع آفتاب اور غروب آفتاب کے وقت سرخی، دھنک، کچھ موتیوں، سپوں اور پرندوں کے پروں کے چمکدار رنگ، ان قدرتی عجوبوں میں سے چند ہیں، جن کے ہم عادی ہو چکے ہیں۔ یہاں ہم ان میں سے کچھ کو طبیعیات کے نقطہ نظر سے بیان کریں گے۔

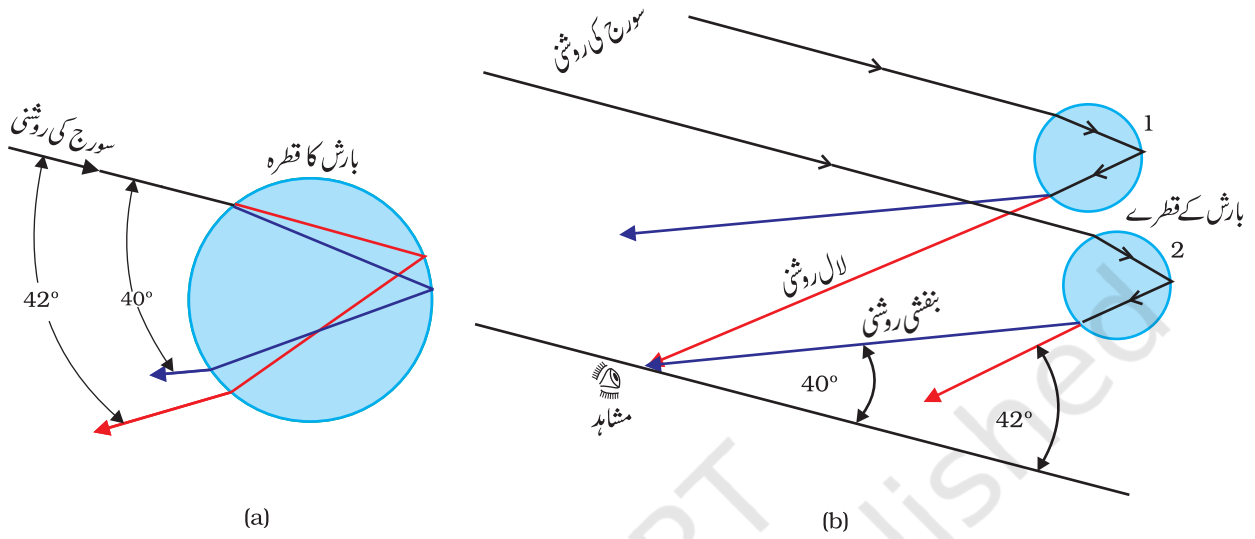
9.7.1 دھنک (The rainbow)

دھنک فضا میں پانی کے قطروں کے ذریعے سورج کی روشنی کی انکسار کی ایک مثال ہے۔ یہ ایک ایسا مظہر ہے جو بارش کے کردی قطروں کے ذریعے سورج کی روشنی کے انکسار، انعطاف اور انعکاس کے مجموعی اثرات کی وجہ سے رونما ہوتا ہے۔ ایک دھنک کے دکھائی دینے کے لیے شرائط ہیں کہ آسمان کے ایک حصے میں سورج چمک رہا ہو (فرض کیجیے مغربی افق کے نزدیک)، جب کہ آسمان کے مخالف حصے میں (فرض کیجیے مشرقی افق) میں بارش ہو رہی ہو۔ اس لیے ایک مشاہد صرف اسی وقت دھنک دیکھ سکتا ہے جب اس کی پیٹھ سورج کی جانب ہو۔

دھنک کے بننے کے عمل کو سمجھنے کے لیے شکل 9.25(a) دیکھیے۔ سورج کی روشنی جب بارش کے قطرے میں داخل ہوتی ہے تو پہلے منعطف ہوتی ہے، جس کی وجہ سے سفید روشنی کی مختلف طولی لہر (رنگ) علاحدہ ہو جاتی ہیں۔ روشنی کی مقابلاً لمبی طولی لہر (لال) سب سے زیادہ مڑتی ہیں جب کہ مقابلاً مختصر طولی لہر (اودی) سب سے کم مڑتی ہیں۔ اس کے بعد کرن کے یہ جز پانی کے قطرے کی اندرونی سطح سے ٹکراتے ہیں اور اگر منعطف کرن اور قطرے کی سطح پر عماد کے درمیان زاویہ، فاصلہ زاویہ (اس صورت میں 48°) سے بڑا ہوتا ہے تو ان کا مکمل اندرونی انعطاف ہوتا ہے۔ منعکس روشنی جب قطرے سے باہر آتی ہے تو دوبارہ منعطف ہوتی ہے، جیسا کہ شکل میں دکھایا گیا ہے۔ یہ معلوم ہوا ہے کہ اندر آتی ہوئی سورج کی روشنی کی مناسبت سے اودی روشنی 40° کے زاویہ پر نمود ہوتی ہے اور لال روشنی 42° کے زاویہ پر۔ دوسرے رنگوں کے لیے زاویے ان دونوں قدروں کے درمیان ہوتے ہیں۔

شکل 9.25(b)، ابتدائی دھنک (Primary rainbow) کی تشکیل کی وضاحت کرتی ہے۔ اس شکل میں ہم دیکھتے ہیں کہ قطرہ 1 سے لال روشنی اور قطرہ 2 سے اودی روشنی مشاہد کی آنکھ تک پہنچتی ہیں۔ قطرہ 1 سے اودی روشنی اور قطرہ 2 سے لال روشنی، مشاہدہ کی سطح سے اوپر یا نیچے کی سمت میں ہیں۔ اس لیے مشاہد ایک ایسی دھنک دیکھتا ہے جس میں لال

رنگ سب سے اوپر اور اودارنگ سب سے نیچے ہوتا ہے۔ ابتدائی دھنک، تین اقدام پر مشتمل عمل کا نتیجہ ہے، جو ہیں: انعطاف، انعکاس اور انعطاف۔



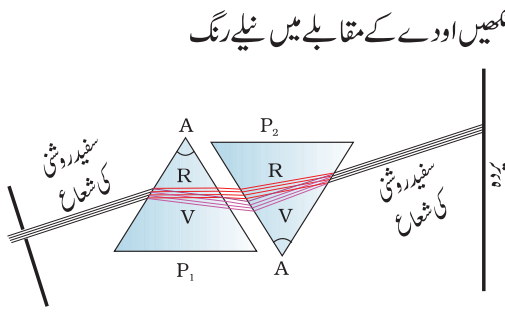
شکل 9.25: دھنک (a) پانی کے قطرے پر واقع سورج کی کرنیں ایک قطرے سے دوسرے منعطف ہوتی ہیں اور اندرونی طور پر منعکس ہوتی ہیں (b) ایک ابتدائی دھنک میں، ایک قطرے کے اندر ایک روشنی کی کرن کے اندرونی انعکاس میں انعطاف کا تکبیر شدہ (Magnified) منظر (c) ثانوی دھنک وہ کرنیں تشکیل دیتی ہیں جن کا قطرے کے اندر دہ مرتبہ مکمل اندرونی انعکاس ہوتا ہے۔

جب روشنی کی کرنیں قطرے کے اندر، ایک مرتبہ کی بجائے (جیسے پرائمری دھنک کی صورت میں تھا) دو مرتبہ اندرونی طور پر منعکس ہوتی ہیں تو ایک ثانوی دھنک بنتی ہے، جیسا کہ شکل (c) 9.25 میں دکھایا گیا ہے۔ یہ چار اقدامات پر مشتمل عمل کی وجہ سے ہوتا ہے۔ دوسرے انعکاس سے روشنی کی شدت کم ہو جاتی ہے، اس لیے ثانوی دھنک، ابتدائی دھنک کے مقابلے میں دھندلی ہوتی ہے۔ مزید یہ کہ رنگوں کی ترتیب بھی الٹ جاتی ہے، جیسا کہ شکل (c) 9.25 میں واضح کیا گیا ہے۔

9.7.2 روشنی کا انتشار (Scattering of light)

جب سورج کی روشنی زمین کے کرہ باد (فضا Atmosphere) سے گزرتی ہے تو یہ کرہ باد کے ذرات کے ذریعہ منتشر (Scattered) ہو جاتی ہے (یعنی کہ اپنی سمت تبدیل کر لیتی ہے)۔ مقابلاً مختصر طول لہر کی روشنی مقابلاً طویل طول لہر کی روشنی کے مقابلے میں کہیں زیادہ منتشر ہوتی ہے۔ [انتشار کی مقدار طول لہر کی چوتھی قوت کے مقلوب متناسب ہوتی ہے۔ یہ ریلے انتشار (Rayleigh Scattering) کہلاتا ہے]۔ اس لیے صاف آسمان میں نیلگوں رنگ سب سے زیادہ حاوی رہتا ہے کیونکہ نیلے رنگ کی طول لہر لال رنگ سے کم ہے اور یہ کہیں زیادہ منتشر ہوتا ہے۔ دراصل، اودا، نیلے سے بھی

کرن نوریات اور نوری آلے



شکل 9.26: سفیدروشنی کے انکسار کے نیوٹن کے کلاسیکی تجربے کا خاکہ

زیادہ منتشر ہوتا ہے کیونکہ اس کی طول لہر نیلے سے بھی کم ہے۔ لیکن کیونکہ ہماری آنکھیں اودے کے مقابلے میں نیلے رنگ کے لیے زیادہ حساس ہیں، اس لیے ہمیں آسمان نیلا نظر آتا ہے۔

بڑے ذرات، جیسے دھول کے ذرات اور پانی کے قطرے، جو کہ باد میں موجود ہوتے ہیں، مختلف طور پر برتاؤ کرتے ہیں۔ یہاں پر بامعنی مقدار، روشنی کی طول موج اور انتشار کار کا نسبتی سائز ہے [انتشار کار (Scatterer) کا مخصوص سائز فرض کیا ہے]۔ $a \ll \lambda$ کے لیے ریلے انتشار ہوتا ہے جو

$\left(\frac{1}{\lambda}\right)^4$ کے تناسب ہے۔ $a \gg \lambda$ کے لیے، یعنی کہ انتشار کرنے والی بڑی اشیاء کے لیے (مثلاً بارش کے قطرے،

دھول یا برف کے بڑے ذرات) یہ درست نہیں ہے، ان سے تمام طول لہر تقریباً مساوی طور پر منتشر ہوتی ہیں۔ اس لیے بادل جن میں پانی کے ایسے قطرے ہوتے ہیں، جن کے لیے $a \gg \lambda$ ، عام طور سے سفید ہوتے ہیں۔

غروب آفتاب اور طلوع آفتاب کے وقت سورج کی کرنوں کو فضا میں مقابلاً زیادہ فاصلہ طے کرنا پڑتا ہے (شکل 9.26)۔ نیلی اور اس سے چھوٹی لہر کا زیادہ تر حصہ انتشار سے غائب ہو جاتا ہے۔ اس لیے سب سے کم منتشر ہوئی روشنی ہماری آنکھ تک پہنچتی ہے اور سورج لال نما معلوم ہوتا ہے۔ اس سے سورج کے اور افق کے قریب پورے چاند کے لال نظر آنے کی وضاحت ہوتی ہے۔

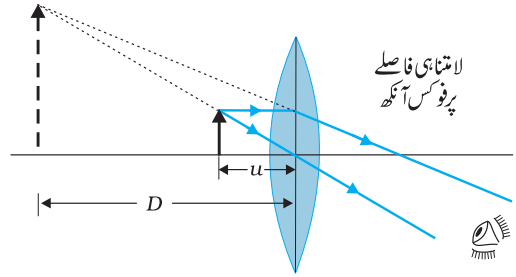
9.8 نوری آلے (OPTICAL INSTRUMENTS)

آئینوں، لینسوں اور منشوروں (پرزیم) کی انعکاسی اور انعطافی خاصیتوں کو استعمال کرتے ہوئے بہت سے نوری آلات اور اوزار ڈیزائن کیے گئے ہیں۔ پیرسکوپ (periscope)، اشکال نما (کلیڈ اسکوپ Kaleidoscope)، دوچشمی (بانوکلر Binoculars)، دوربین (ٹیلیسکوپ Telescope)، خوردبین (مائیکرو اسکوپ Microscope) ان نوری آلات اور اوزاروں کی کچھ مثالیں ہیں جو عام طور سے استعمال ہوتے ہیں۔ ہماری آنکھ، بلاشبہ، ایک اہم ترین نوری آلہ ہے جو قدرت نے ہمیں عطا کیا ہے۔ آنکھ سے شروع کرتے ہوئے ہم خوردبین اور دوربین کے کام کرنے کے اصول بیان کریں گے۔

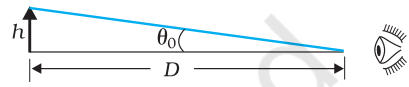
9.8.1 خوردبین (The microscope)

ایک سادہ تکبیر کار (magnifier) یا خوردبین (مائیکرو اسکوپ Microscope) ایک کم فوکس فاصلہ کا مرکوز لینس ہے (شکل 9.27)۔ ایسے لینس کو ایک خوردبین کے بطور استعمال کرنے کے لیے لینس کو شے کے نزدیک رکھا جاتا ہے، ایک فوکس فاصلہ دوری پر یا اس سے کم اور آنکھ کو لینس کی دوسری طرف لینس سے نزدیک رکھا جاتا ہے۔ کوشش یہ ہے کہ ایک سیدھی، تکبیر شدہ اور غیر حقیقی شبیہ اتنے فاصلے پر بنے کہ آرام سے دیکھی جاسکے، یعنی کہ 25cm یا اس سے زیادہ فاصلے

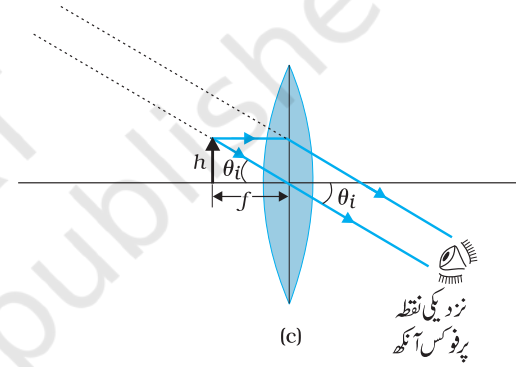
پر۔ اگر شے کی دوری f ہے تو شبیہ لامتناہی فاصلے پر بنے گی۔ لیکن اگر شے لینس کے فوکس فاصلے سے کچھ ہی کم فاصلے پر رکھی جائے تو شبیہ غیر حقیقی ہوگی اور اور بہت دور لیکن متناہی فاصلے پر بنے گی۔ حالانکہ شبیہ کو آرام سے دیکھنے کے لیے کم ترین فاصلہ وہ ہے جب شبیہ نزدیکی نقطے (فاصلہ، $D \cong 25 \text{ cm}$) پر بنے، لیکن پھر بھی اس نقطہ پر بنی شبیہ کو دیکھنے میں آنکھ پر کچھ زور پڑتا ہے۔ اس لیے لامتناہی فاصلے پر بنی شبیہ کو سمجھا جاتا ہے کہ یہ آنکھ پر بغیر کوئی زور ڈالے، شبیہ کو دیکھنے کے لیے، سب سے زیادہ مناسب ہے۔ ہم نے یہ دونوں صورتیں دکھائی ہیں، پہلی شکل (a) 9.27 میں اور دوسری شکل (b) 9.27 اور شکل (c) 9.27 میں۔



(a)



(b)



(c)

ایک سادہ خوردبین سے نزدیکی نقطے D پر بنی شبیہ کے لیے خطی تکبیر m ، مندرجہ ذیل رشتہ استعمال کر کے، معلوم کی جاسکتی ہے:

$$m = \frac{v}{u} = v \left(\frac{1}{v} - \frac{1}{f} \right) = \left(1 - \frac{v}{f} \right)$$

ہماری علامت قرارداد کے مطابق، v منفی ہے اور عددی قدر میں D کے مساوی ہے۔ اس لیے تکبیر ہے:

$$m = \left(1 + \frac{D}{f} \right) \quad (9.39)$$

کیونکہ D تقریباً 25 cm ہے، اس لیے اگر تکبیر کی قدر 6 درکار ہو تو $f = 5 \text{ cm}$ فاصلہ کا ایک حدی لینس چاہیے ہوگا۔

نوٹ کریں کہ $m = h/h'$ ، جہاں h شے کا سائز ہے اور h' شبیہ کا سائز ہے۔ یہ شبیہ کے ذریعے بنائے گئے زاویہ کی شے کے ذریعے بنائے گئے زاویہ سے نسبت بھی ہے، جب کہ سہولت کے ساتھ دیکھنے کے لیے اسے D پر رکھا گیا ہو۔ [نوٹ کیجیے کہ یہ شے کے ذریعے آنکھ پر بنایا گیا اصل زاویہ نہیں ہے، جو کہ h/u ہے۔] ایک واحد لینس سادہ تکبیر کا دراصل یہ کرتا ہے کہ شے کو D سے کم فاصلے پر لانے دیتا ہے۔ اب ہم اس صورت میں تکبیر معلوم کریں گے جب کہ شبیہ لامتناہی فاصلے پر بن رہی ہے۔ اس صورت میں ہمیں زاویائی تکبیر معلوم کرنا ہوگی۔ فرض کیجیے کہ شے کی اونچائی h ہے۔ وہ اعظم زاویہ (maximum angle) جو یہ آنکھ پر بنا سکتی ہے کہ واضح طور پر نظر آئے (بغیر لینس کے)، اس وقت بنے گا جب یہ قریبی نقطہ پر ہو، یعنی کہ، فاصلہ D پر۔ اس صورت میں بنا ہوا زاویہ ہوگا:

$$\tan \theta_0 = \left(\frac{h}{D} \right) = \theta_0 \quad (9.40)$$

اب ہم شبیہ کے ذریعے آنکھ پر بنا ہوا زاویہ معلوم کرتے ہیں، جب کہ شے u پر ہے۔ مندرجہ ذیل رشتوں سے:

شکل 9.30 ایک سادہ خوردبین (b) تکبیری لینس ایسے مقام پر رکھا گیا ہے کہ شبیہ نزدیکی نقطہ پر بنے (b) شے کے ذریعے بنایا گیا زاویہ وہی ہے جو نزدیکی نقطہ پر بنے (c) شے لینس کے فوکس نقطے کے نزدیک ہے، شبیہ بہت دور بن رہی ہے لیکن متناہی فاصلے پر۔

کرن نوریات اور نوری آلے

$$\frac{h'}{h} = m = \frac{v}{u}$$

شبیبہ کے ذریعے بنایا گیا زاویہ حاصل ہوتا ہے:

$$\tan \theta_i = \frac{h'}{-v} = \frac{h}{-v} \cdot \frac{v}{u} = \frac{h}{-u} = \theta$$

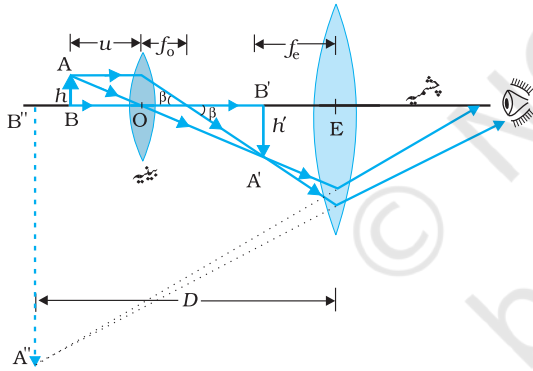
$$\theta_i = \left(\frac{h}{f} \right) \quad (9.41)$$

جیسا کہ شکل (c) 9.27 سے واضح ہو جاتا ہے۔ اس لیے زاویائی تکبیر ہے:

$$m = \left(\frac{\theta_i}{\theta_o} \right) = \frac{D}{f} \quad (9.42)$$

یہ اس تکبیر سے ایک کم ہے جو شبیبہ کے نزدیکی نقطہ پر بننے سے حاصل ہوتی ہے، لیکن دیکھنے میں کہیں زیادہ سہولت ہوتی ہے اور تکبیر میں فرق عام طور پر سے کم ہی ہوتا ہے۔ نوری آلات سے آگے کی جانے والی بحث میں (خورد بین اور دور بین سے) ہم شبیبہ کو لاتنا ہی فاصلے پر مانیں گے۔

ایک سادہ مائیکروسکوپ (خورد بین) سے حاصل ہونے والی تکبیر، حقیقی فوکس لمبائیوں کے لیے محدود ہوتی ہے (9)۔ اس سے کہیں زیادہ تکبیر حاصل کرنے کے لیے ہم دو لینس استعمال کرتے ہیں، جس میں ایک لینس دوسرے لینس کے اثر



شکل 9.28: ایک مرکب خورد بین سے شبیبہ بننے کے لیے کرن ڈائیگرام

کو مرکب کرتا ہے۔ اسے مرکب خورد بین کہتے ہیں۔ ایک مرکب خورد بین

(Compound Microscope) کی ایک خاکہ ڈائیگرام شکل 9.28 میں دکھائی

گئی ہے۔ وہ لینس جو شے سے سب سے قریب ہوتا ہے، بیینی کہلاتا ہے۔ بیینی

(objective) شے کی ایک حقیقی، الٹی، تکبیر شدہ شبیبہ بناتا ہے۔ یہ شبیبہ دوسرے

لینس کے لیے، جو چشمیہ (eye piece) کہلاتا ہے، شے کا کام کرتی ہے۔ چشمیہ جو

ایک سادہ خورد بین یا تکبیر کار کی طرح کام کرتا ہے، آخری شبیبہ بناتا ہے جو

بڑی (تکبیر شدہ) اور غیر حقیقی ہوتی ہے۔ پہلی الٹی شبیبہ، اس لیے، چشمیہ (eye

piece) کے فوکس مستوی کے نزدیک (فوکس مستوی پر یا اس کے اندر) بنتی ہے۔ یہ ایسا فاصلہ ہوتا ہے جو لا انتہا پر آخری

شبیبہ بننے کے لیے مناسب ہوتا ہے یا نزدیک نقطے پر شبیبہ بننے کے لیے اس سے کچھ قریب ہوتا ہے۔ ظاہر ہے کہ آخری

شبیبہ، شے کی مناسبت سے الٹی ہوتی ہے۔

اب ہم ایک مرکب خورد بین سے حاصل ہونے والی تکبیر معلوم کرتے ہیں۔ شکل 9.28 کی کرن ڈائیگرام سے ظاہر

ہو جاتا ہے کہ بیینی کی وجہ سے تکبیر (خطی)، یعنی کہ h'/h مساوی ہے:

$$m_o = \frac{h'}{h} = \frac{L}{f_o} \quad (9.43)$$

جہاں ہم نے مندرجہ ذیل نتیجہ استعمال کیا ہے:

$$\tan \beta = \left(\frac{h}{f_o} \right) = \left(\frac{h'}{L} \right)$$

جہاں h' پہلی شبیہ کا سائز ہے، شے کا سائز h ہے اور f_o بیضیہ کا فوکس فاصلہ ہے۔ پہلی شبیہ، چشمیہ کے فوکس کے نزدیک بنتی ہے۔ فاصلہ L ، یعنی کہ بیضیہ کے دوسرے فوکس نقطہ اور چشمیہ (جس کا فوکس فاصلہ f_e ہے) کے پہلے فوکس نقطہ کے درمیان فاصلہ، مرکب خوردبین کی ٹلی لمبائی (tube length) کہلاتی ہے۔

کیونکہ پہلی ٹلی شبیہ چشمیہ کے فوکس نقطہ کے قریب ہوتی ہے، ہم اس کے ذریعے پیدا ہوئی تکبیر (زاویائی) m_e معلوم کرنے کے لیے، سادہ مائیکروسکوپ کی اوپر دی ہوئی بحث کا نتیجہ استعمال کرتے ہیں [مساوات 9.39]، جب آخری شبیہ نزدیک نقطے پر بنتی ہے

$$m_e = \left(1 + \frac{D}{f_e} \right) \quad [9.44(a)]$$

جب آخری شبیہ لا انتہا پر بنتی ہے، تو چشمیہ کی وجہ سے زاویائی تکبیر ہے [مساوات 9.42]:

$$m_e = \left(\frac{D}{f_e} \right) \quad [9.44(b)]$$

اس لیے کل تکبیر [مساوات (9.33) کے مطابق]، جب کہ آخری شبیہ لا انتہا پر ہے

$$m = m_o m_e = \left(\frac{L}{f_o} \right) \left(\frac{D}{f_e} \right) \quad (9.45)$$

ظاہر ہے کہ اگر ایک چھوٹی شے کی بہت زیادہ تکبیر حاصل کرنا ہو (اسی لیے نام خوردبین دیا گیا ہے)، تو بیضیہ اور چشمیہ کے فوکس فاصلے چھوٹے ہونے چاہئیں۔ عملی طور پر 1 cm سے بہت کم فوکس فاصلہ کا لینس بنانا بہت مشکل ہوتا ہے۔ مزید یہ کہ L کو بڑا بنانے کے لیے بھی بڑے لینس چاہیے ہوتے ہیں۔

مثال کے طور پر، اگر ایک بیضیہ کا فوکس فاصلہ، $f_o = 1.0 \text{ cm}$ ، ہو اور چشمیہ کا فوکس فاصلہ $f_e = 2.0 \text{ cm}$ ہو اور ٹیوب لمبائی 20 cm ہو، تو تکبیر ہوگی

$$m = m_o m_e = \left(\frac{L}{f_o} \right) \left(\frac{D}{f_e} \right) \\ = \frac{20}{1} \times \frac{25}{2} = 250$$

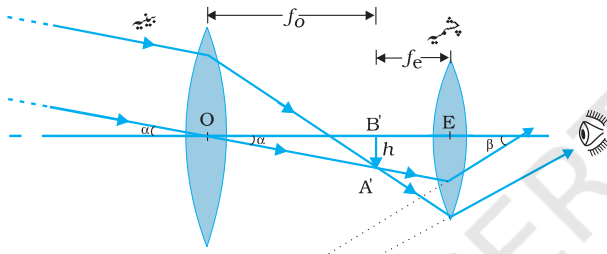
بہت سے دوسرے عوامل، جیسے شے کی روشنی (illumination)، شبیہ کی کیفیت اور رویت (visibility) پر اثر ڈالتے ہیں۔ جدید خوردبینوں میں، مختلف بصری نقائص کو کم کر کے شبیہ کی کوالٹی کو بہتر بنانے کے لیے، بیضیہ اور چشمیہ دونوں کے لیے کثیر جزوی لینس (Multi-component lenses) استعمال کیے جاتے ہیں۔

9.8.2 دور بین (Telescope)

دور بین فاصلہ پر رکھی اشیا کی زاویائی تکبیر حاصل کرنے کے لیے استعمال کی جاتی ہے (شکل 9.29)۔ اس میں بھی ایک بینہ اور ایک چشمیہ ہوتی ہے۔ لیکن یہاں چشمیہ کے مقابلے میں بینہ کا فوکس فاصلہ اور روزن (aperture) بہت زیادہ ہوتے ہیں۔ بہت دور رکھی شے سے آرہی روشنی بینہ میں داخل ہوتی ہے اور ٹیوب میں اس کے دوسرے فوکس نقطہ پر ایک حقیقی شبیہ بنتی ہے۔ چشمیہ اس شبیہ کی تکبیر کرتا ہے اور ایک آخری الٹی شبیہ بناتا ہے۔ تکبیری پاور m ، آخری شبیہ کے ذریعے آنکھ پر بنائے گئے زاویہ β کی، شے کے ذریعے لینس یا آنکھ پر بنائے گئے زاویہ α ، سے نسبت ہے۔ اس لیے:

$$m \approx \frac{\beta}{\alpha} \approx \frac{h}{f_e} \cdot \frac{f_o}{h} = \frac{f_o}{f_e} \quad (9.46)$$

اس صورت میں، خوردبین کی ٹیوب کی لمبائی $f_o + f_e$ ہے۔



شکل 9.32: ایک انعطافی دور بین

ارضی دور بینوں (Terrestrial telescopes)

میں، آخری شبیہ کو سیدھا بنانے کے لیے، ان کے علاوہ الٹا کرنے والے لینسوں (inverting lenses) کا ایک جوڑا اور ہوتا ہے۔ انعطافی دور بینیں ارضی اور آفاقی دونوں مشاہدات کے لیے استعمال کی جاسکتی ہیں۔ مثال کے طور پر ایک دور بین لیجیے، جس کے بینہ کی فوکس دوری 100 cm ہے اور چشمیہ کی فوکس دوری 1 cm ہے۔ اس دور بین کی تکبیری پاور ہے $m = 100/1 = 100$

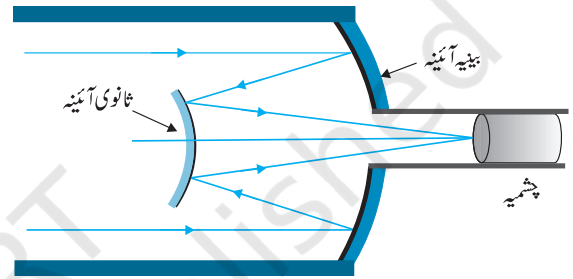
آئیے تاروں کا ایک جوڑا لیں، جن کے درمیان اصل فاصلہ $1'$ (قوس

کا ایک منٹ) ہے۔ یہ معلوم ہوتا ہے کہ تارے زاویہ: $1' = 100' = 1.67^\circ$ سے ایک دوسرے سے علاحدہ ہیں۔

ایک آفاقی دور بین کے لیے خاص باتیں، جن کا لحاظ رکھنا ہوتا ہے، اس کی روشنی اکٹھا کرنے کی پاور اور اس کا جز تجزیہ (Resolution) یا جز تجزیاتی طاقت (Resolving power) ہیں۔ بڑے قطروں کے لینسوں سے مقابلاً دھندلی (ہلکی faint) اشیا کو دیکھا جاسکتا ہے۔ جز تجزیاتی طاقت یا دو اشیا، جو تقریباً ایک ہی سمت میں ہوں، کو علاحدہ علاحدہ واضح دیکھنے کی صلاحیت، بینہ کے قطر پر بھی منحصر ہے۔ اس لیے نوری دور بینوں کو بنانے میں کوشش یہ کی جاتی ہے کہ ان کے بینہ کا قطر بڑا ہو۔ آج کل استعمال ہونے والی دور بینوں میں جو سب سے بڑا بینہ لینس لگا ہے، اس کا قطر 40 انچ (~1.02 m) ہے۔ یہ دور بین یرکس آبرویٹری (Yerkes Observatory)، وس کن سن (Wisconsin)، امریکہ (USA) میں ہے۔ اتنے بڑے لینس بہت زیادہ وزنی ہو جاتے ہیں، اس لیے انھیں بنانا اور کناروں پر سہارا دینا بہت مشکل ہوتا ہے۔ مزید یہ کہ اتنے بڑے سائز کے ایسے لینس بنانا جن سے بننے والی شبیہ میں کوئی رنگین نقص یا گڑبڑی نہ ہو، بہت مشکل اور مہنگا ہوتا ہے۔

ان وجوہات سے، جدید دور بینوں میں بینہ کے لیے لینس کی جگہ ایک جوئی آئینہ استعمال کیا جاتا ہے۔ آئینہ بینہ والی دور بین انعکاسی دور بینیں (reflecting telescopes) کہلاتی ہیں۔ میکائیکی سہارے کا مسئلہ بھی بہت کم ہو جاتا ہے کیونکہ ایک آئینے کا وزن، مرادف نوری کواٹی کے لینس کے وزن سے بہت کم ہوتا ہے اور اسے اس کی پوری چھیلی سطح پر سہارا دیا جاسکتا ہے، جب کہ لینس کو صرف اس کے گھیرے (rim) پر ہی سہارا دیا جاسکتا ہے۔ انعکاسی دور بین کے ساتھ ایک مسئلہ، ظاہر ہے، یہ ہے کہ بینہ آئینہ دور بین کے اندر روشنی کو فوکس کرتا ہے۔ اس لیے چشمیہ اور مشاہد کو وہیں پر ہی ہونا چاہیے، جس سے کچھ روشنی رک جاتی ہے (جو کہ مشاہدہ پنجرے observer cage کے سائز پر منحصر ہے)۔ بہت بڑی 200 انچ (~5.08 m) قطر کی ماؤنٹ

پیلومر دور بین کیلیفورنیا (Mt. Palomar telescope, California) میں ایسا ہی کیا جاتا ہے۔ مشاہد، ایک چھوٹے پنجرے میں آئینے کے فوکس نقطہ کے نزدیک بیٹھتا ہے۔ اس مسئلہ کا دوسرا حل یہ ہے کہ فوکس کی جارہی روشنی کو ایک دوسرے آئینے کے ذریعے منفرج (deflect) کیا جائے۔ ایسی ایک ترتیب (انتظام arrangement)، جس میں واقع روشنی کو فوکس کرنے کے لیے ایک ثانوی آئینہ استعمال کیا جاتا ہے، جب کہ یہ



شکل 9.33: ایک انعکاسی دور بین کیسگرین (Cassegrain) کا خاکہ ڈائگرام

روشنی اب بینہ ابتدائی آئینے میں بنے ایک سوراخ سے گذرتی ہے، شکل 9.33 میں دکھائی گئی ہے۔ اسے، اس کے موجد کے نام پر کیسگرین دور بین (Cassegrain telescope) کہتے ہیں۔ اس میں فائدہ یہ ہے کہ چھوٹی دور بین میں بڑا فوکس فاصلہ حاصل کیا جاسکتا ہے۔ ہندوستان میں سب سے بڑی دور بین کا والور، تامل ناڈو (Kavalur, Tamil Nadu) میں ہے، یہ 2.34 m قطر کی انعکاسی دور بین ہے (کیسگرین Cassegrain)۔ یہ (Indian Institute of Astrophysics, Bangalore) کے ذریعے لگائی گئی، پالش کی گئی اور استعمال کی جاتی ہے۔ دنیا میں سب سے بڑی دور بینیں، ہوائی (Hawaii)، امریکہ (USA) میں کیل دور بینوں (Keck telescopes) کا ایک جوڑا ہے، جس کا انعکاس کار (Reflector) قطر میں 10 میٹر ہے۔

خلاصہ

1- انعکاس، مساوات: $\angle i = \angle r'$ کے تحت ہوتا ہے اور انعطاف اسٹیل کے قانون $\sin i / \sin r = n$ کے تحت ہوتا ہے اور واقع کرن، منعکس کرن، منعطف کرن اور عماد ایک ہی مستوی میں ہوتے ہیں۔ زاویہ وقوع، زاویہ انعکاس اور زاویہ انعطاف، بالترتیب، i ، r' اور r ہیں۔

2- ایک ایسی کرن کے لیے جو ایک مقابلتاً کثیف واسطے سے مقابلتاً لطیف واسطے پر واقع ہے، وقوع کا فاصلہ زاویہ i_c وہ زاویہ ہے، جس کے لیے زاویہ انعطاف 90° ہے۔ $i_c > i$ کے لیے مکمل اندرونی انعکاس ہوتا ہے۔ ہیرے میں کثیر اندرونی انعکاسات (Multiple internal reflections) ($i_c \cong 24.4^\circ$)، مکمل انعکاسی پوزم (totally reflecting prisms) اور سراب (mirage) مکمل اندرونی انعکاس کی کچھ مثالیں ہیں۔ نوری ریشے، ایسے شیشے کے ریشوں پر مشتمل ہوتے ہیں جن پر مقابلتاً کم انعطاف نما کے مادے کی تہہ چڑھی ہوتی ہے۔ ایک سرے پر ایک زاویہ پر واقع روشنی، دوسرے سرے سے، کثیر اندرونی انعکاسات کے بعد، باہر آتی ہے، چاہے ریشہ مڑا ہوا بھی کیوں نہ ہو۔

3- کارٹیزی علامت قرارداد: واقع روشنی کی سمت میں ناپے گئے فاصلے مثبت ہیں اور وہ فاصلے جو مخالف سمت میں ناپے گئے ہیں منفی ہیں۔ تمام فاصلے، خاص محور پر، آئینے/لینس کے قطب/نوری مرکز سے ناپے جاتے ہیں۔ x -محور سے اوپر کی جانب ناپی گئی اور آئینے/لینس کے خاص محور پر عمود اونچائیاں مثبت لی جاتی ہیں اور نیچے کی جانب ناپی گئی اونچائیاں منفی لی جاتی ہیں۔

4- آئینہ مساوات ہے:

$$\frac{1}{v} + \frac{1}{u} = \frac{1}{f}$$

جہاں v اور u ، بالترتیب، شبیہ اور شے کے فاصلے ہیں اور f آئینے کا فوکس۔ فاصلہ ہے۔ f خمی نصف قطر R کا نصف (تقریباً) ہوتا ہے۔ جوئی آئینے کے لیے f منفی ہے اور محدب آئینے کے لیے مثبت ہے۔

5- ایک پوزم کے لیے، جس کا زاویہ A ہے، انعطاف نما n_2 ہے اور جو انعطاف نما n_1 کے واسطے میں رکھا ہے:

$$n_{21} = \frac{n_2}{n_1} = \frac{\sin[(A + D_m)/2]}{\sin(A/2)}$$

جہاں D_m ، اقل ترین انحراف کا زاویہ ہے۔

6- ایک کروی درمیانی رخ سے انعطاف کے لیے (n_1 انعطاف نما کے واسطے 1 سے، n_2 انعطاف نما کے

واسطے میں):

$$\frac{n_2}{v} - \frac{n_1}{u} = \frac{n_2 - n_1}{R}$$

پتے لینس کا فارمولا

$$\frac{1}{v} - \frac{1}{u} = \frac{1}{f}$$

لینس ساز کا فارمولا

$$\frac{1}{f} = \frac{(n_2 - n_1)}{n_1} \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right)$$

R_1 اور R_2 لینس کی سطحوں کے خمی نصف قطر ہیں۔ f ایک مرکب لینس کے لیے مثبت ہے اور ایک

غیر مرکب لینس کے لیے منفی ہے۔ ایک لینس کی پاور ہے: $P = \frac{1}{f}$

لینس کی پاور کے لیے SI اکائی ڈائی آپٹر (Diopetre) ہے: $1 \text{ D} = 1 \text{ m}^{-1}$ (D): اگر فوکس فاصلوں: f_1, f_2, f_3, \dots کے کئی لینس تماس میں ہوں، تو ان کے اجتماع کا موثر فوکس فاصلہ دیا جاتا ہے

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{f_2} + \frac{1}{f_3} + \dots$$

کئی لینسوں کے اجتماع کی کل پاور ہے

$$P = P_1 + P_2 + P_3 + \dots$$

7- انکسار روشنی کا اس کے اجزائی رنگوں میں علاحدہ ہونا ہے۔

8- ایک سادہ خوردبین کی تکبیری پاور m دی جاتی ہے: $m = 1 + (D/f)$ ، جہاں $D=25 \text{ cm}$ ، واضح

بصارت کا کم ترین فاصلہ ہے اور f حدی لینس کا فوکس فاصلہ ہے۔ اگر شبیہ لا انتہا پر ہے $m=D/f$ ۔ ایک

مرکب خوردبین کے لیے، تکبیری پاور دی جاتی ہے: $m = m_e \times m_o$ جہاں $m_o = 1 + \left(\frac{D}{f_o} \right)$

چشمیہ کی وجہ سے تکبیر ہے اور m_o بینیہ سے پیدا ہونے والی تکبیر ہے۔ نزدیکی طور پر

$$m = \frac{L}{f_o} \times \frac{D}{f_e}$$

جہاں f_o اور f_e بالترتیب بینیہ اور چشمیہ کے فوکس۔ فاصلے ہیں اور L ان کے فوکس۔ نقطوں کے درمیان فاصلہ ہے۔

9- ایک دوربین کی تکبیری پاور شبیہ کے ذریعے آنکھ پر بننے زاویہ β کی شے کے ذریعے آنکھ پر بننے

زاویہ α سے نسبت ہے۔

$$m = \frac{\beta}{\alpha} = \frac{f_o}{f_e}$$

جہاں f_o اور f_e ، بالترتیب، بینیہ اور چشمیہ کے فوکس فاصلے ہیں۔

قابل غور نکات

- 1- انعکاس اور انعطاف کے قوانین، نقطہ وقوع پر، تمام سطحوں اور واسطوں کے تمام جوڑوں کے لیے درست ہیں۔
- 2- ایک حدی لینس کے ذریعے بنی، f اور $2f$ کے درمیان رکھی ایک شے کی، حقیقی شبیہ کو شبیہ کے مقام پر رکھے پردے پر دیکھا جاسکتا ہے۔ اگر پردہ کو ہٹالیا جائے تو کیا شبیہ اب بھی وہاں ہوگی؟ یہ سوال بہت سے لوگوں کو الجھا دیتا ہے کیونکہ اپنے ذہن کو بغیر پردے کے ہوا میں لٹکی شبیہ کے تصور پر آمادہ کرنا مشکل ہے۔ لیکن شبیہ وہاں موجود ہوتی ہے۔ شے کے ایک دے ہوئے نقطے سے آرہی کرنیں ایک شبیہ نقطہ پر خلا میں مرکوز ہو رہی ہیں اور غیر مرکوز ہو رہی ہیں۔ پردہ صرف ان کرنوں کو دھندلا (Diffuse) کر دیتا ہے اور ان میں سے کچھ ہماری آنکھوں تک پہنچتی ہیں اور ہمیں شبیہ نظر آتی ہے۔ یہ ایک لیزر (Laser) (show) میں بن رہی شبیہ کے ذریعے دیکھا جاسکتا ہے۔
- 3- شبیہ بننے کے لیے باقاعدہ انعکاس/انعطاف چاہیے ہوتا ہے۔ اصولی طور پر، ایک نقطے سے آرہی تمام کرنوں کو یکساں شبیہ نقطے پر پہنچنا چاہیے۔ اسی لیے آپ ایک بے ترتیب (بے قاعدہ irregular) انعکاسی شے کے ذریعے، جیسے کتاب کا ایک صفحہ، اپنی شبیہ نہیں دیکھ سکتے۔
- 4- موٹے لینس، انکسار کی وجہ سے، رنگین شبیہ بناتے ہیں۔ ہم اپنے آس پاس جو مختلف رنگ دیکھتے ہیں اس کی وجہ ان پر واقع روشنی کے اجزائی رنگ ہیں۔ ایک رنگی (monochromatic) روشنی ایک شے کے رنگوں کا، سفید روشنی کے مقابلے میں، بالکل مختلف ادراک پیدا کر سکتی ہے۔
- 5- ایک سادہ خوردبین کے لیے، شے کا زاویائی سائز، شبیہ کے زاویائی سائز کے مساوی ہوتا ہے۔ لیکن پھر بھی اس سے تکبیر پیدا ہوتی ہے کیونکہ ہم چھوٹی اشیا کو آنکھ سے، 25 cm سے کہیں کم فاصلے پر رکھ سکتے ہیں اور اس طرح اس سے ایک بڑا زاویہ بنوا سکتے ہیں۔ شبیہ 25 cm پر ہوگی جسے ہم دیکھ سکتے ہیں۔ خوردبین کے بغیر چھوٹی شے کو ہمیں 25 cm پر رکھنا ہوگا جو ایک بہت چھوٹا زاویہ بنائے گی۔

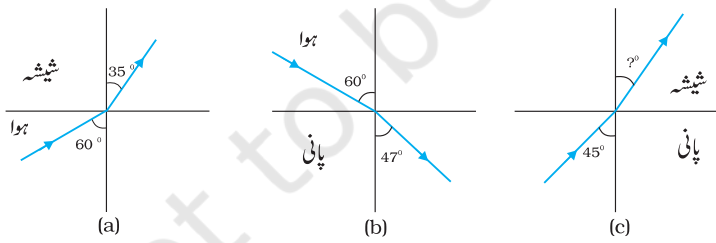
مشق

9.1 2.5 cm سائز کی ایک چھوٹی موم بتی، 36 cm خمی نصف قطر کے جونی آئینے کے سامنے، آئینے سے 27 cm کے فاصلے پر رکھی گئی ہے۔ آئینے سے کتنے فاصلے پر ایک پردہ رکھا جائے کہ پردہ پر ایک واضح شبیہ بنے؟ شبیہ کی طبع اور سائز بتائیے۔ اگر موم بتی کو آئینے کے اور قریب لایا جائے، تو اسکرین (پردے) کو کیسے ہٹانا ہوگا؟

9.2 4.5 cm کی ایک سوئی، 15 cm فوکس فاصلے کے محدب آئینے سے 12 cm دور رکھی گئی ہے۔ شبیہ کا مقام اور تکبیر بتائیے۔ بتائیے کیا ہوگا اگر سوئی کو آئینے سے اور دور ہٹایا جائے؟

9.3 ایک تالاب کو 12.5 cm اونچائی تک پانی سے بھرا گیا۔ تالاب کی تلی پر بڑی ایک سوئی کی ظاہرہ گہرائی ایک خوردبین سے ناپے جانے پر، 9.4 cm ہے۔ پانی کا انعطاف نما کیا ہے؟ اگر پانی کی جگہ انعطاف نما 1.63 کا دوسرا ترقیق اسی بلندی تک بھردیا جائے، تو مائیکروسکوپ کو دوبارہ سوئی پر فوکس کرنے کے لیے کتنے فاصلے تک حرکت دینا ہوگی؟

9.4 شکل (a) اور (b) میں ایک کرن کا انعطاف دکھایا گیا ہے جو ہوا میں، عماد سے 60° کے زاویے پر ایک شیشہ۔ ہوا اور پانی۔ ہوا درمیانی رخ پر واقع ہے۔ شیشہ میں زاویہ انعطاف بتائیے، جب کہ پانی۔ شیشہ درمیانی رخ پر پانی میں زاویہ وقوع، نارمل سے 45° ہے (شکل (c) 9.31)۔



شکل 9.31

9.5 ایک چھوٹے بلب کو، 80 cm گہرائی تک پانی سے بھرے تالاب کی تلی پر رکھا گیا۔ پانی کی سطح کا وہ رقبہ کیا ہے جس سے بلب کی روشنی باہر نکل سکتی ہے؟ پانی کا انعطاف نما 1.33 ہے۔ (بلب کو ایک نقطہ ماخذ مانجیے)

9.6 ایک پرزم نامعلوم انعطاف نما کے شیشے کا بنا ہوا ہے۔ پرزم کے ایک رخ پر روشنی کی ایک متوازی شعاع واقع ہے۔ کم ترین انحراف کا زاویہ 40° ناپا گیا ہے۔ پرزم کے مادے کا انعطاف نما کیا ہے؟ پرزم کا انعطافی

کرن نوریات اور نوری آلے

زاویہ 60° ہے۔ اگر پرزم کو پانی میں رکھ دیا جائے (انعطاف نما 1.33) تو روشنی کی ایک متوازی شعاع کا نیا کم ترین انحراف کا زاویہ کیا ہوگا؟

9.7 انعطاف نما 1.55 کے شیشے سے ایسے دہرے عدسی لینس بنانے ہیں جن کے دونوں رخوں کے خمی نصف قطر یکساں ہوں۔ اگر فوکس فاصلہ 20 cm ہو تو کیا خمی نصف قطر چاہیے ہوگا؟

9.8 ایک روشنی کی شعاع نقطہ P پر مرکوز ہوتی ہے۔ اب P سے 12 cm کے فاصلے پر، مرکوز بیم کے راستے میں ایک لینس رکھ دیا جاتا ہے۔ اب شعاع کس نقطہ پر مرکوز ہوگی اگر (a) رکھا گیا لینس 20 cm فوکس فاصلہ کا مرکوز لینس ہو۔ (b) اگر رکھا گیا لینس 16 cm فوکس دوری کا غیر مرکوز لینس ہو؟

9.9 3.0 cm سائز کی ایک شے، 21 cm فوکس فاصلے کے ایک جوئی لینس کے سامنے، اس سے 14 cm کے فاصلے پر رکھی گئی ہے۔ لینس کے ذریعے بنی شبیہ بیان کیجیے۔ کیا ہوگا اگر شے کو لینس سے اور دور کر دیا جائے؟

9.10 30 cm فوکس فاصلے کا ایک مرکوز لینس، 20 cm فوکس فاصلے کے ایک جوئی لینس سے تماس میں ہے۔ اس نظام کا فوکس فاصلہ کیا ہوگا؟ یہ نظام مرکوز لینس ہوگا یا غیر مرکوز لینس؟ لینسوں کی موٹائی نظر انداز کر دیجیے۔

9.11 ایک مرکب خوردبین، 2.0 cm فوکس فاصلے کے ایک بیضیہ اور 6.25 cm فوکس فاصلے کے ایک چشمیہ پر مشتمل ہے اور ان دونوں کے درمیان فاصلہ 15 cm ہے۔ بیضیہ سے کتنے فاصلے پر ایک شے کو رکھا جائے کہ آخری شبیہ حاصل ہو (a) واضح بصارت کے کم ترین فاصلہ (25 cm) پر؟ (b) لائق تباہی فاصلے پر؟ دونوں صورتوں میں خوردبین کی تکبیری طاقت کیا ہوگی؟

9.12 ایک شخص کا قریبی نقطہ نارمل ہے (25 cm)۔ وہ ایک 8.0 mm فوکس فاصلہ کے بیضیہ اور 2.5 cm فوکس فاصلے کے چشمیہ والی خوردبین کو استعمال کرتے ہوئے، بیضیہ سے 9.0 mm کے فاصلے پر رکھی شے کو واضح طور پر فوکس کر سکتا ہے۔ بیضیہ اور چشمیہ کے درمیان فاصلہ کتنا ہے؟ مائیکرو اسکوپ کی تکبیری طاقت کا حساب لگائیے۔

9.13 ایک چھوٹی دوربین کے بیضیہ لینس کا فوکس فاصلہ 144 cm اور چشمیہ لینس کا فوکس فاصلہ 6.0 cm ہے۔ دوربین کی تکبیری پاور کیا ہے؟ بیضیہ اور چشمیہ کے درمیان فاصلہ کتنا ہے؟

9.14 (a) ایک مشاہدہ گاہ کی ایک بہت بڑی انعطافی دوربین کے بینہ لینس کا فوکس فاصلہ 15 cm ہے۔ اگر

فوکس فاصلہ 1.0 cm کا چشمیہ استعمال کیا جائے تو دوربین کی زاویائی تکبیر کیا ہوگی؟

(b) اگر اس دوربین کو چاند کو دیکھنے کے لیے استعمال کیا جائے تو بینہ لینس کے ذریعے بنی چاند کی شبیہ کا قطر

کیا ہوگا؟ چاند کا قطر 3.48×10^6 m اور قمری مدار کا نصف قطر 3.8×10^8 m ہے۔

9.15 آئینہ مساوات استعمال کرتے ہوئے اخذ کیجیے کہ:

(a) ایک جوئی آئینہ کے f اور $2f$ کے درمیان رکھی شے کی شبیہ حقیقی بنتی ہے اور $2f$ سے آگے بنتی ہے۔

(b) ایک حدبلی آئینہ ہمیشہ ایک غیر حقیقی شبیہ بناتا ہے چاہے شے کا مقام کوئی بھی ہو۔

(c) ایک حدبلی آئینہ سے بنی غیر حقیقی شبیہ ہمیشہ سائز میں چھوٹی ہوتی ہے اور فوکس اور قطب کے درمیان

بنتی ہے۔

(d) ایک جوئی آئینے کے فوکس اور قطب کے درمیان رکھی شے کی شبیہ غیر حقیقی اور تکبیر شدہ ہوتی ہے۔

9.16 ایک میز کی اوپری سطح پر نصب کی گئی چھوٹی سوئی کو اوپر سے 50 cm کے فاصلے سے دیکھا جاتا ہے۔ وہ سوئی

کتنی اوپر اٹھی ہوئی معلوم ہوگی اگر اسے اسی نقطے سے ایک 15 cm موٹی شیشے کی سل سے دیکھا جائے جو کہ

میز کے متوازی رکھی گئی ہو؟ شیشہ کا انعطاف نما 1.5 ہے۔ کیا جواب سل کے مقام پر منحصر ہے؟

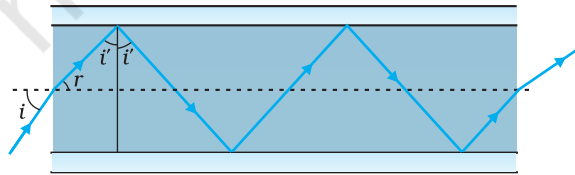
9.17 (a) شکل 9.32 میں ایک ”روشنی کے پائپ“ کا تراشہ دکھایا گیا ہے جو کہ 1.68، انعطاف نما کے شیشے کے

ریشوں سے بنا ہوا ہے۔ پائپ کا باہری خول 1.44 انعطاف نما کے مادے سے بنا ہوا ہے۔ پائپ کے

محور سے بنے واقع شعاع کے زاویوں کی کس سعت کے لیے پائپ کے اندر مکمل انعکاس ہوں

گے، جیسا کہ شکل میں دکھایا گیا ہے؟

(b) اگر پائپ پر کوئی باہری خول نہ چڑھا ہو تو جواب کیا ہوگا؟



شکل 9.32

9.18 مندرجہ ذیل سوالوں کے جواب دیجیے:

(a) آپ سیکھ چکے ہیں کہ مسطح اور محدب آئینے اشیا کی غیر حقیقی شبیہ بناتے ہیں۔ کیا وہ کچھ صورتوں میں حقیقی شبیہ بھی بنا سکتے ہیں؟ وضاحت کیجیے۔

(b) ہم ہمیشہ کہتے ہیں کہ ایک غیر حقیقی شبیہ کو پردے پر نہیں لیا جاسکتا۔ لیکن جب ہم کہتے ہیں کہ ہم ایک غیر حقیقی شبیہ ”دیکھتے ہیں“ تو ظاہر ہے کہ ہم اسے اپنی آنکھ کے پردے (پردہ چشم) پر لیتے ہیں۔ کیا اس میں کوئی تضاد ہے؟

(c) پانی کے اندر سے ایک غوطہ خور، ایک جھیل کے کنارے کھڑے ہوئے چھیرے کو ترچھا (obliquely) دیکھتا ہے۔ چھیرا جتنا لمبا ہے، غوطہ خور کو وہ اس سے کم لمبا معلوم ہوگا یا زیادہ؟

(d) کیا ایک تالاب کی ظاہر گہرائی بدل جائے گی، اگر اسے ترچھا دیکھا جائے؟ اگر ہاں تو ظاہر گہرائی کم ہو جائے گی یا زیادہ؟

(e) ہیرے کا انعطاف نما، عام شیشے سے بہت زیادہ ہے۔ کیا اس حقیقت سے ہیرا تراش کوئی فائدہ حاصل کر سکتا ہے۔

9.19 ایک کمرے کی دیوار پر لگے ہوئے ایک چھوٹے بلب کی شبیہ سامنے والی دیوار پر، جو 3m کے فاصلے پر ہے، ایک بڑے محدب لینس کے ذریعے، حاصل کرنی ہے۔ اس مقصد کے لیے استعمال کیے جاسکنے والے لینس کا فوکس فاصلہ زیادہ سے زیادہ کتنا ہو سکتا ہے؟

9.20 ایک شے سے 90cm کے فاصلے پر ایک پردہ رکھا گیا ہے۔ پردے پر، ایک محدب لینس کے ذریعے، دو مختلف مقامات پر شے کی شبیہ بنتی ہے، جن کے درمیان فاصلہ 20cm ہے۔ لینس کا فوکس فاصلہ معلوم کیجیے۔

9.21 (a) مشق 9.10 میں دئے گئے دو لینسوں کے اجتماع کا موثر فوکس فاصلہ معلوم کیجیے اگر وہ اس طرح رکھے ہوں کہ ان کے خاص محور ایک دوسرے پر منطبق ہوں اور ان کے درمیان 8.0cm فاصلہ ہو۔ کیا جواب اس پر منحصر ہے کہ متوازی روشنی کی شعاع اجتماع کے کس جانب واقع ہے؟ کیا اس نظام کے موثر فوکس فاصلے کے تصور کی کچھ افادیت ہے بھی؟

(b) 1.5cm سائز کی ایک شے اس مندرجہ بالا ترتیب میں محدب لینس کی جانب رکھی گئی ہے۔ شے اور محدب لینس کے درمیان فاصلہ 40cm ہے۔ دو لینسوں کے اس نظام سے پیدا ہونے والی تکبیر معلوم کیجیے اور شبیہ کا سائز معلوم کیجیے۔

9.22 انعطافی زاویہ 60° کے پرزم کے رخ پر ایک روشنی کی کرن کو کس زاویہ پر واقع ہونا چاہیے کہ دوسرے رخ پر اس کا بس مکمل اندرونی انعطاف ہو؟ پرزم کے مادے کا انعطاف نما 1.524 ہے۔

9.23 ایک کارڈ شیٹ کو 1 mm^2 سائز کے مربعوں میں تقسیم کیا گیا ہے اور اسے ایک تکبیری شیشے (فوکس فاصلہ 9 cm کا ایک مرکوزی لینس) کے ذریعے 9 cm کے فاصلے سے دیکھا جاتا ہے اور تکبیری شیشے کو آنکھ کے نزدیک رکھا جاتا ہے۔

- (a) لینس کے ذریعے پیدا کی گئی تکبیر کتنی ہے؟ غیر حقیقی شبیہ میں ہر مربع کا رقبہ کیا ہوگا؟
 (b) لینس کی زاویائی تکبیر (تکبیری طاقت) کتنی ہے۔
 (c) کیا (a) میں حاصل کی گئی تکبیر (b) کی تکبیری طاقت کے مساوی ہے؟ وضاحت کیجیے۔

9.24 (a) مشق 9.29 میں مربعوں کو واضح طور پر اعظم ممکنہ تکبیری طاقت سے دیکھنے کے لیے لینس کو شکل سے کتنے فاصلے پر رکھنا چاہیے۔

- (b) اس صورت میں تکبیر کیا ہے؟
 (c) کیا اس صورت میں تکبیر، تکبیری پاؤر کے مساوی ہے؟ وضاحت کیجیے۔

9.25 مشق 9.30 میں شے اور تکبیری شیشے کے درمیان کتنا فاصلہ ہونا چاہیے کہ شکل کے ہر مربع کی غیر حقیقی شبیہ کا رقبہ 6.25 mm^2 ہو۔ کیا آپ اپنی آنکھوں کو تکبیر کار کے بہت نزدیک رکھ کر مربعوں کو واضح طور پر دیکھ سکیں گے؟ (نوٹ: 9.23 سے 9.25 کی مشقیں آپ کو کسی شے کے مکمل سائز تکبیر اور زاویائی تکبیر کے درمیان فرق کی مکمل طور پر سمجھنے میں مدد کریں گی۔)

9.26 مندرجہ ذیل سوالات کے جواب دیجیے:

- (a) ایک شے کے ذریعے آنکھ پر بنایا گیا زاویہ، اسی شے کی ایک تکبیری شیشے سے بنی غیر حقیقی شبیہ کے ذریعے آنکھ پر بنائے گئے زاویے کے مساوی ہے۔ تکبیری شیشہ کس لحاظ سے زاویائی تکبیر مہیا کرتا ہے؟
 (b) ایک تکبیری شیشے سے دیکھتے وقت ہم عام طور سے اپنی آنکھوں کو شیشے کے بہت نزدیک رکھتے ہیں۔ اگر آنکھ کو پیچھے کر لیا جائے تو کیا زاویائی تکبیر بدل جائے گی؟

- (c) ایک سادہ خوردبین کی تکبیری طاقت، لینس کے فوکس فاصلے کے مقلوب متناسب ہے۔ تو کم سے کم فوکس فاصلے کا لینس استعمال کر کے زیادہ سے زیادہ تکبیری طاقت حاصل کرنے میں کیا چیز مانع آتی ہے؟
 (d) ایک مرکب خوردبین کے بیہیہ اور چشمیہ دونوں کا فوکس فاصلہ کم ہونا کیوں لازمی ہے؟

- (e) ایک مرکب خوردبین سے دیکھتے وقت، بہترین طور پر دیکھنے کے لیے ہمیں اپنی آنکھیں چشمیہ پر رکھنے کی بجائے اس سے تھوڑے فاصلے پر رکھنا چاہئیں۔ کیوں؟ آنکھ اور چشمیہ کے درمیان وہ تھوڑا فاصلہ کتنا ہونا چاہیے؟

کرن نوریات اور نوری آلے

9.27 1.25 cm فوکس فاصلے کا بیضیہ اور 5.0 cm کا چشمیہ استعمال کرتے ہوئے ہم 30X کی زاویائی تکبیر

(تکبیری طاقت) چاہتے ہیں۔ آپ مرکب خوردبین کو کیسے ترتیب دیں گے؟

9.28 ایک چھوٹی دوربین کے بیضیہ لینس کا فوکس فاصلہ 140cm ہے اور چشمیہ کا فوکس فاصلہ 5.0cm ہے۔

دوربین کی تکبیری طاقت، دور رکھی اشیا کو دیکھنے کے لیے کیا ہوگی، جب کہ:

(a) دوربین عام طریقے سے درست کی گئی (adjust) ہے (یعنی کہ، آخری شبیہ لامتناہی فاصلے پر بن رہی ہے)؟

(b) آخری شبیہ، واضح بصارت کے کم ترین فاصلے (25cm) پر بن رہی ہے؟

9.29 (a) مشق 9.28 (a) میں بیان کی گئی دوربین کے لیے بیضیہ۔ لینس اور چشمیہ کے درمیان فاصلہ کیا ہوگا؟

(b) اگر اس دوربین کو 100km اونچے مینار کو دیکھنے کے لیے استعمال کیا جائے جو 3km کے فاصلے پر ہے

تو بیضیہ۔ لینس سے بننے والی مینار کی شبیہ کی اونچائی کیا ہوگی؟

(c) اگر آخری شبیہ 25cm کے فاصلے پر بن رہی ہے تو مینار کی اس آخری شبیہ کی اونچائی کیا ہوگی؟

9.30 ایک کیسیگرین دوربین میں دو آئینے استعمال کیے جاتے ہیں، جیسا کہ شکل 9.30 میں دکھایا گیا ہے۔ ایسی

دوربین کو اس طرح بنایا جاتا ہے کہ آئینوں کا درمیانی فاصلہ 20mm ہو۔ اگر بڑے آئینہ کا خمی نصف

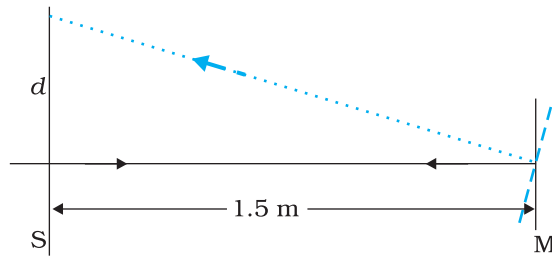
قطر 220mm ہے اور چھوٹے آئینہ کا 140mm ہے، تو لامتناہی فاصلے پر رکھی ایک شے کی آخری شبیہ

کہاں بنے گی؟

9.31 ایک گیلوونومیٹر کوائل سے منسلک ایک مسطح آئینے پر واقع روشنی اسی راستے پر واپس لوٹ جاتی ہے جیسا کہ

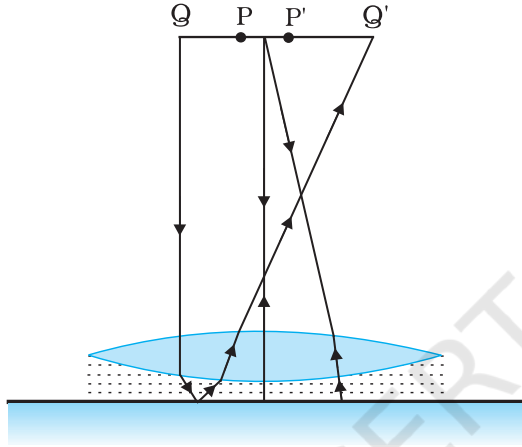
شکل 9.33 میں دکھایا گیا ہے۔ کوائل میں بہہ رہا کرنٹ آئینے میں 3.5° کا انفرج پیدا کرتا ہے۔ 1.5m

فاصلے پر رکھے ہوئے پردے پر منعکس ہوئے روشنی کے دھبے کا نقل کیا ہوگا؟



شکل 9.33

9.32 شکل 9.34 میں ایک مساوی-حدبئی لینس دکھایا گیا ہے (انعطاف نما: 1.50)، جو ایک مسطح آئینے کے اوپر بنی رقیق کی تہ سے تماس میں ہے۔ ایک چھوٹی سوئی کی نوک کو خاص-محور پر حرکت دی جاتی ہے، یہاں تک کہ ایک اٹی شبیہ سوئی کے مقام پر حاصل ہوتی ہے۔ سوئی کا لینس سے فاصلہ 45.0cm ناپا گیا ہے۔ رقیق کو ہٹا دیا جاتا ہے اور تجربہ دہرایا جاتا ہے۔ اب نیا فاصلہ 30.0cm ناپا جاتا ہے۔ رقیق کا انعطاف نما کیا ہے؟



شکل 9.34